



Expressões Regulares^z

Expressões Regulares (ER)

Conversão de AF para ER no JFLAP

Equivalências entre AFD, AFND, **AF- λ** , ER, GR

Expressões Regulares (ER)

Uma ER sobre um alfabeto Σ é definida como:

- a) \emptyset é uma ER e denota a linguagem vazia
- b) λ é uma ER e denota a linguagem contendo a palavra vazia, ie $\{\lambda\}$
- c) Qualquer símbolo $x \in \Sigma$ é uma ER e denota a linguagem $\{x\}$
- d) Se r e s são ER denotando as linguagens R e S então:
 - $(r+s)$ ou $(r|s)$ é ER e denota a linguagem $R \cup S$
 - (rs) é ER e denota a linguagem $RS = \{w \mid u \in R \text{ e } v \in S\}$
 - (r^*) é ER e denota a linguagem R^*

Exemplos

1. 00 é uma ER denotando a linguagem {00}
2. $(0+1)^*$ denota a linguagem formada por todas as cadeias de 0's e 1's = $\{\lambda, 0, 1, 00, 01, 10, 11, 000, \dots\}$ Pode ser também $(a^*b^*)^*$
3. $(0+1)^* 00 (0+1)^*$ denota todas as cadeias de 0's e 1's com ao menos dois 0's consecutivos
4. $a+b^*c$ denota um único a e todas as cadeias consistindo de zero ou mais vezes b seguido de c. A linguagem é formada por {a, c, bc, bbc, bbbc, ...}

Exemplo 4 - JFLAP

JFLAP : <untitled6>

File Input Test Convert Help

Editor Convert FA to RE

Make Single Noninitial Final State
Create a new state to make a single final state.

Do It Export

JFLAP : <untitled6>

File Input Test Convert Help

Editor Convert FA to RE

Generalized Transition Graph Finished!
 $a + b^*c$

Do It Export

JFLAP : <untitled7>

File Convert Help

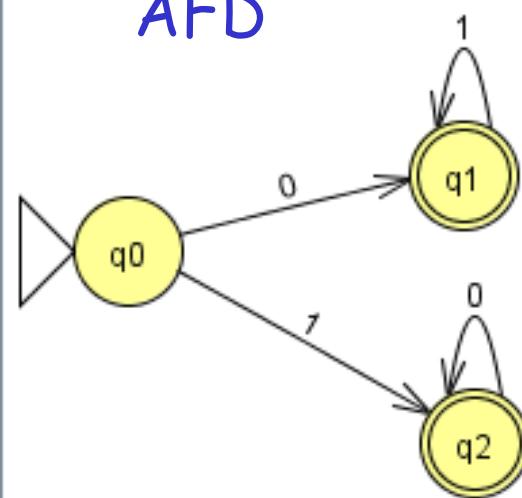
Editor

Edit the regular expression below:
 $a + b^*c$

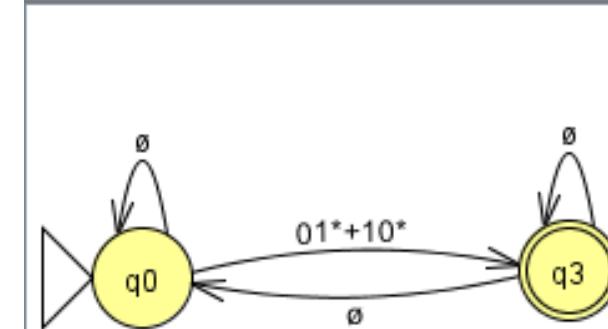
- $(0+1)^* 001$ denota todas as cadeias de 0's e 1's terminadas em 001
- $0^*1^*2^*$ denota qualquer número de 0's seguido por qualquer número de 1's seguido por qualquer número de 2's
- $01^* + 10^*$ denota a linguagem consistindo de todas as cadeias que são um único 0 seguido por qualquer número de 1's **e** um único 1 seguido por qualquer número de 0's =
 $\{0, 01, 011, \dots, 1, 10, 100, \dots\}$



AFD



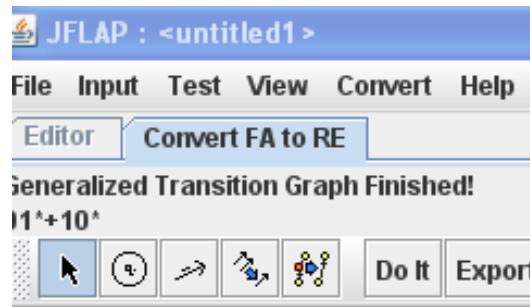
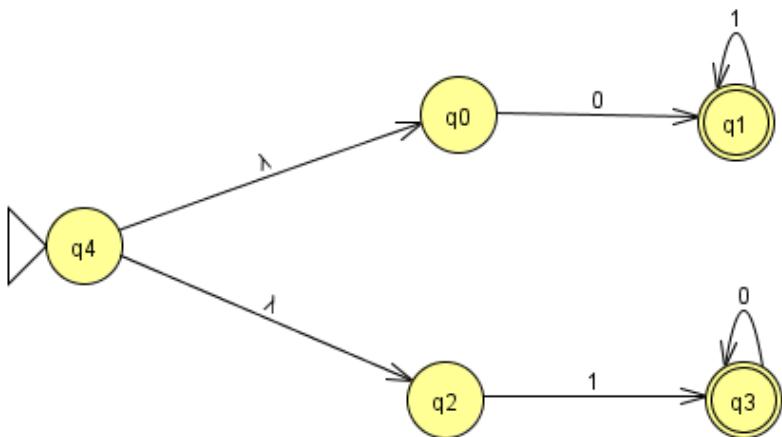
Generalized Transition Graph Finished!

 $01^* + 10^*$  $01^* + 10^*$

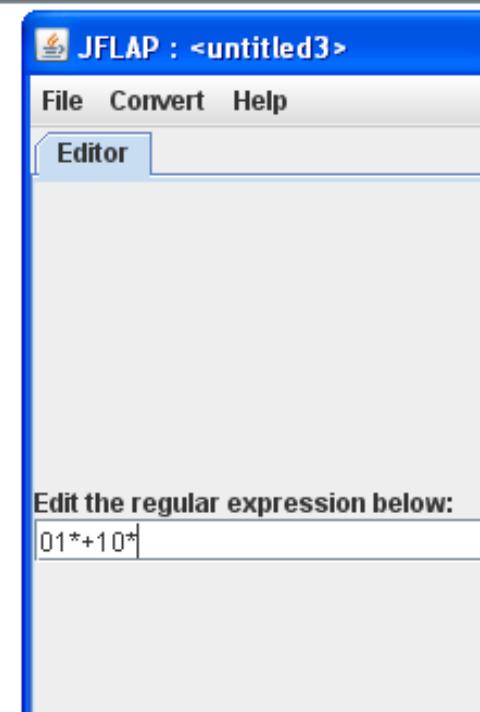
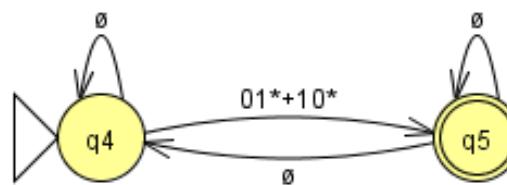
Edit the regular expression below:

 $01^* + 10^*$

$01^* + 10^*$



$AF-\lambda$



Omissão de parênteses

- Para omitir parênteses devemos respeitar:
 - O fecho (*) tem prioridade sobre a concatenação (rs) que tem prioridade sobre a união.
 - A concatenação e a união são associadas da esquerda para a direita.
 - Ex: $01^* + 1$ é agrupado como $(0(1^*)) + 1 \Rightarrow L = \{1, 0, 01, 011, \dots\}$
- Usamos parênteses quando queremos alterar a prioridade:
- $(01)^* + 1 \Rightarrow L = \{1 \cup (01)^n \mid n \geq 0\} = \{1, \lambda, 01, 0101, \dots\}$
- $0(1^* + 1) \Rightarrow L = \{w \in \{0,1\}^* \mid w \text{ começa com } 0 \text{ seguido de } 1^n \mid n \geq 0\} \rightarrow$ Lei distributiva à esq $= 01^* + 01 = \{0, 01, 011, 0111, \dots\}$

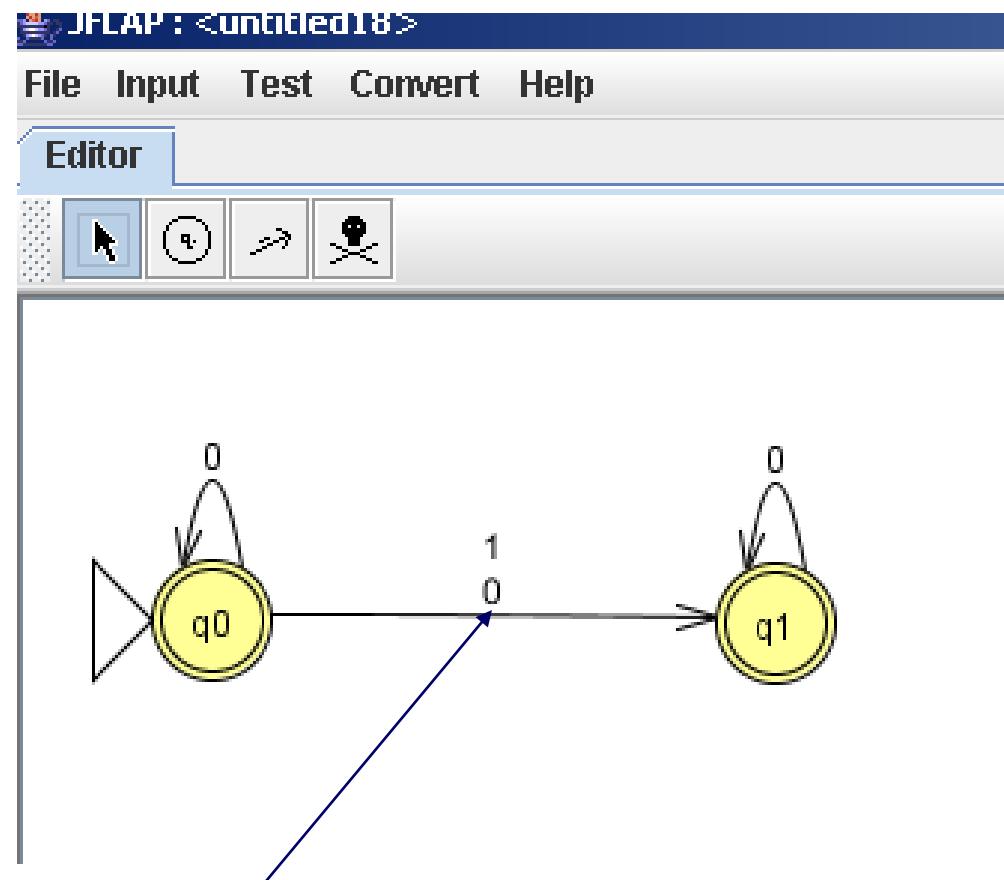
Exercícios

1. O conjunto de cadeias sobre $\{0,1\}$ que termine com três 1's consecutivos.
2. O conjunto de cadeias sobre $\{0,1\}$ que tenha ao menos um 1.
3. O conjunto de cadeias sobre $\{0,1\}$ que tenha no máximo um 1.

Exemplo 3

- O conjunto de cadeias sobre $\{0,1\}$ que tenha no máximo um 1.

$0^*(\lambda + (0+1)0^*) \rightarrow$
podem usar λ para simplificar a ER que seria:
 $0^* (1+0) 0^* + 0^*$



O não é
necessário

JFLAP : <untitled18>

File Input Test Convert Help

Editor Convert FA to RE

Generalized Transition Graph Finished!

$^*(\lambda + (0+1)0^*)$

Do It Export

```
graph LR; start(( )) --> q0((q0)); q0 -- "0" --> q0; q0 -- "λ + (0+1)0*" --> q2((q2)); q0 -- "0" --> q2; q2 -- "0" --> q2; q2 -- "λ + (0+1)0*" --> q2;
```

JFLAP : <untitled20>

File Convert Help

Editor

Edit the regular expression below:

$0^*(\lambda + (0+1)0^*)$

Conversão de AF para ER no JFLAP

JFLAP : <untitled3>

File Input Test Convert Help

Editor Convert FSA to RE

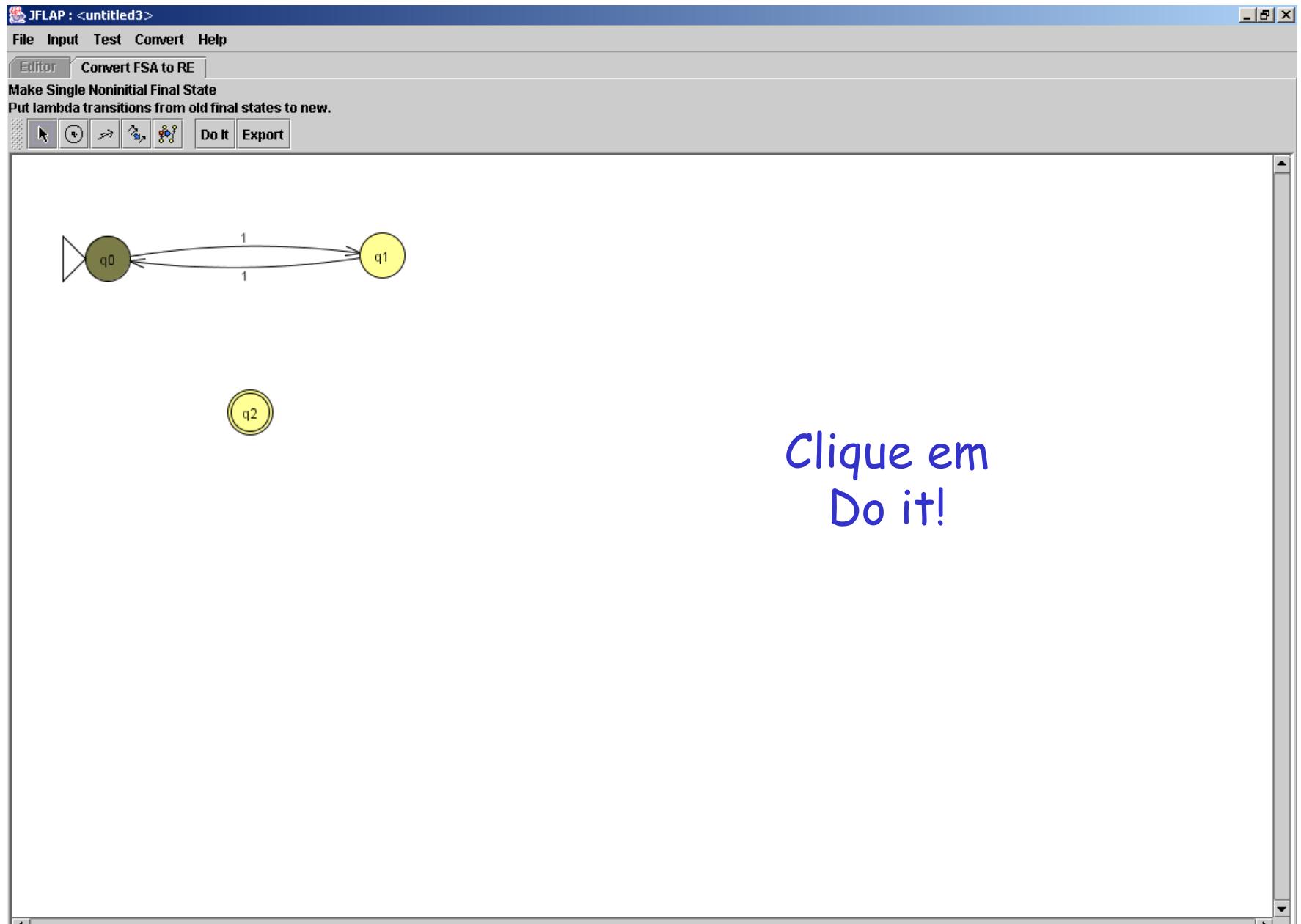
Make Single Noninitial Final State
Create a new state to make a single final state.

Do It Export

Insira um novo estado final como pede o JFLAP

$L(M1) = \{x \in \{1\}^* \mid x \text{ possui um nro par de } 1's\}$.

Iniciar Journal of Education... http://teia.inf.ufrgs.... Admin aut_min.ppt aut3.ppt JFLAP : <untitled3> JFLAP : <untitled5> 09:09



Coloque transições nulas nos estados sem transição

JFLAP : <untitled3>

File Input Test Convert Help

Editor Convert FSA to RE

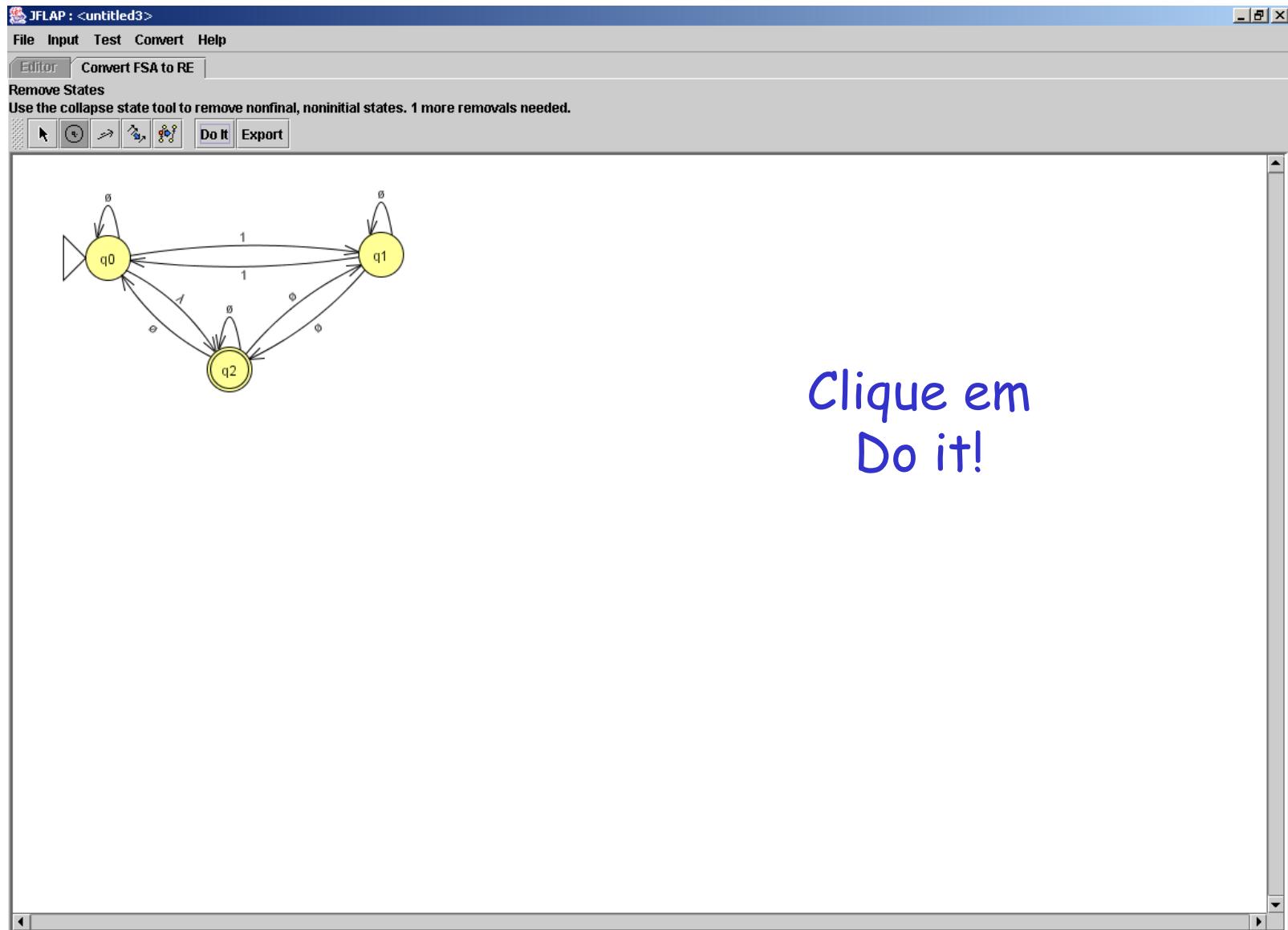
Reform Transitions
Put empty transitions between states with no transitions. 6 more empty transitions needed.

Do it Export

Clique em
Do it!

Iniciar Journal of Educational T... http://teia.inf.ufrgs.br/c... aula8 JFLAP : <untitled3> Microsoft PowerPoint - [...] 09:46

Completa as 6 transições faltantes



Grafo terminado

JFLAP : <untitled3>

File Input Test Convert Help

Editor Convert FSA to RE

Generalized Transition Graph Finished!

(11)*

Do It Export

JFLAP : <untitled6>

File Convert Help

Editor

Edit the regular expression below:

(11)*

$(11)^*$

Iniciar Journal of Educational T... http://teia.inf.ufrgs.br/c... aula8 JFLAP : <untitled3> JFLAP : <untitled6> Microsoft PowerPoint - [...] 09:51

Propriedades algébricas das ER

- $L + M = M + L$ (**união** é comutativa)
 - $(L + M) + N = L + (M + N)$ (**união** é associativa)
 - $(LM)N = L(MN)$ (**concatenação** é associativa)
 - Exercício: a **concatenação** é comutativa???
-
- $\emptyset + L = L + \emptyset = L$ (\emptyset é o elemento nulo para união)
 - $\lambda L = L\lambda = L$ (λ é o elemento nulo para concatenação)
 - $\emptyset L = L\emptyset = \emptyset$

- $L(M + N) = LM + LN$ (lei distributiva à esq)
- $(M + N)L = ML + NL$ (lei distributiva à dir)
- $L + L = L$
- $(L^*)^* = L^*$
- $\emptyset^* = \lambda$
- $\lambda^* = \lambda$
- Algumas extensões de LR usadas em utilitários do UNIX
- $L^+ = LL^*$
- $L? = (L + \lambda)$ (usado no Lex para indicar opcional)

Exercícios

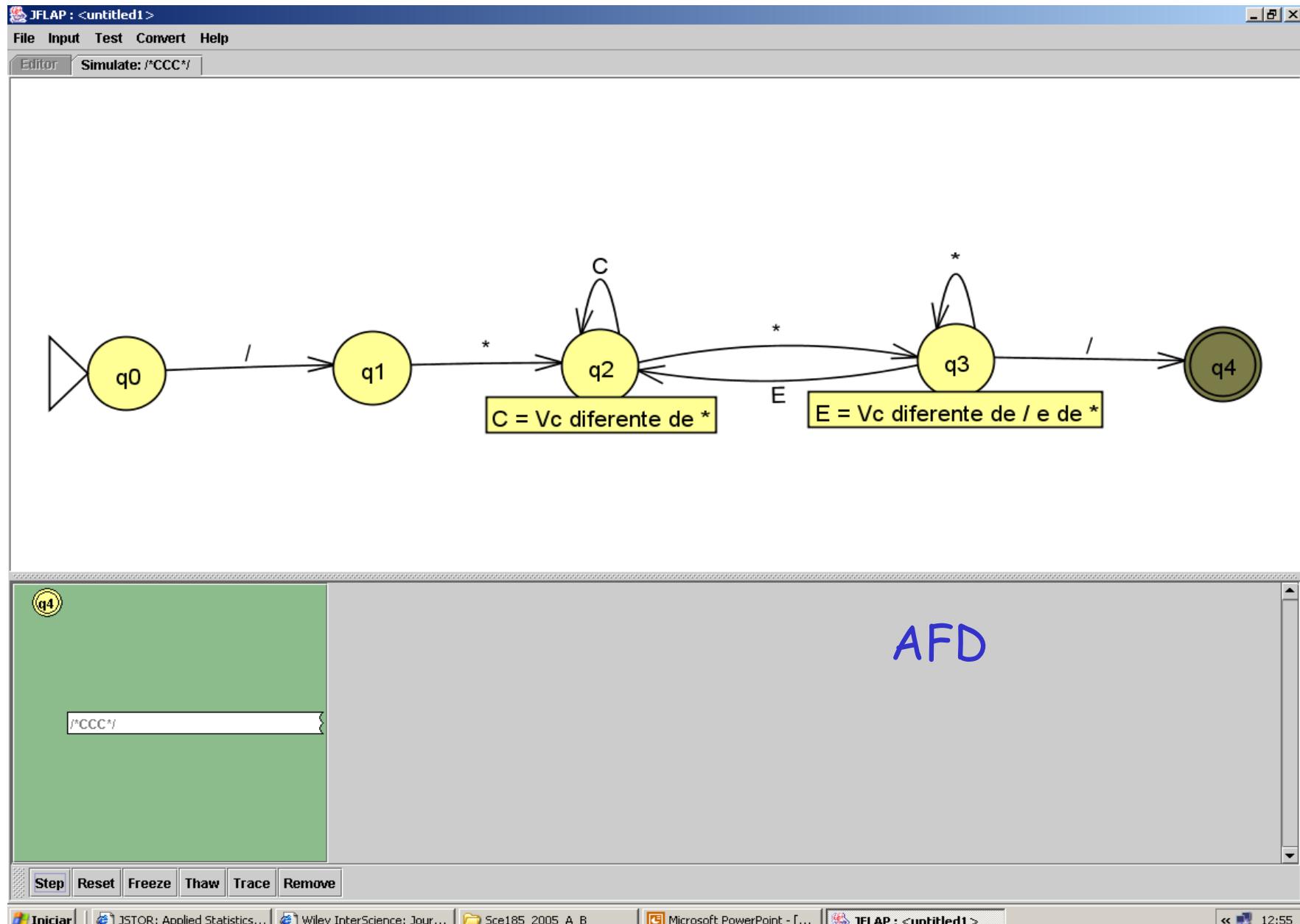
- Faça ER para:
- identificadores
- números reais com sinais
- Inteiros com sinais
- cadeias de caracteres
- e comentários do **Pascal**.
- reais do **Fortran** (.5 e 5. além dos padrões de reais de Pascal)
- OBS: Geralmente, nas modelagens de Linguagem de Programação não usamos sinais junto com o valor das constantes inteiros.
 - bc é uma exceção, pois na tabela de operadores não há sinais.

- Pascal, com $L = \{a..z, A..Z\}$; $D = \{0..9\}$
- ID: $(L|_{})(L|D|_{})*$
- Reais: $(+|-|\lambda) \ D^+ \cdot D^+ \ (E (+|-|\lambda) D^+ | \lambda) \mid$
 $D^+ (. D^+ | \lambda) E (+|-|\lambda) D^+)$
- Observem que acima exigimos que o real tenha uma parte com ponto fixo **ou** com ponto flutuante, mas a linguagem pode não exigir e o seu real mínimo seria um inteiro:
- $[+|-] D^+ [.D^+] [E [+|-] D^+]$
- Inteiros: $(+|-|\lambda) \ D^+ = [+|-] D^+$
- Cadeias: ‘ C^* ’ onde C é ASCII menos ‘
 (com essa limitação não tratamos os acentos na moda antiga do Pascal para não perder expressividade)

Comentários em Pascal

- $\{ C^* \}$
- onde C é ASCII menos }
- $/* C^* * (* + EC^* *)^* /$
- onde C é ASCII menos * e E é ASCII menos / e *
- A solução acima vem do AF para comentários (próximo slide)

AF que reconhece comentários da forma /* ... */



$\text{/* } C^* * (* + EC^* *)^* \text{ */}$

JFLAP : <untitled1>

File Input Test Convert Help

Editor Convert FA to RE

Generalized Transition Graph Finished!

$/*C^{**}(*+EC^{**})^{*}/$

Do It Export

JFLAP : <untitled2>

File Convert Help

Editor

Edit the regular expression below:

$/*C^{**}(*+EC^{**})^{*}/$

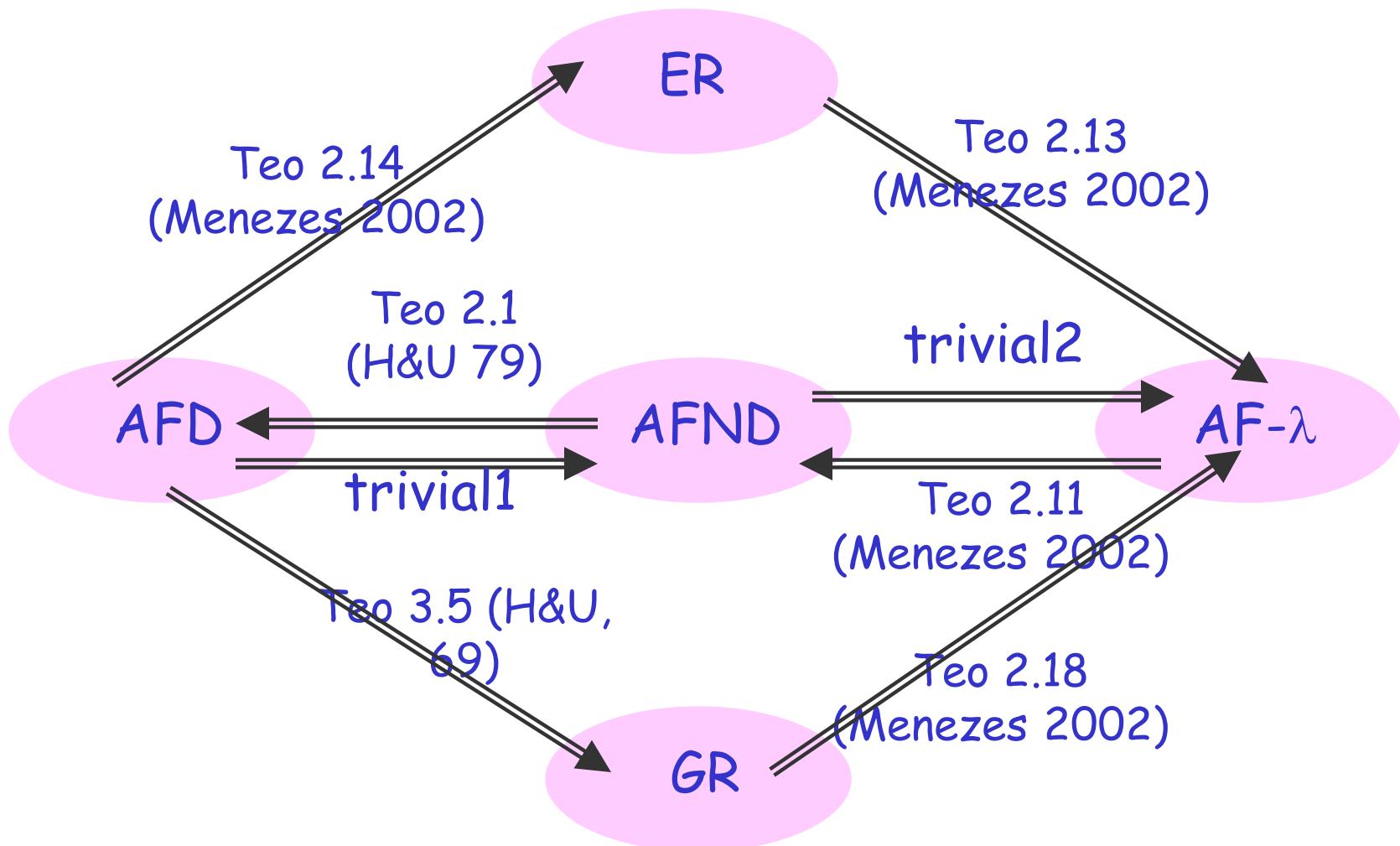
Iniciar JSTOR: Applied Statistics... Wiley InterScience: Jour... Sce185_2005_A_B Microsoft PowerPoint - [...] JFLAP : <untitled1> JFLAP : <untitled2> 12:57

Reais Fortran

- $(+|-|\lambda) (D^+. \mid .D^+ \mid D^+ . D^+) (E (+|-|\lambda) D^+ \mid \lambda)$
- Ou
- $[+|-] (D^+. \mid .D^+ \mid D^+ . D^+) [E [+|-] D^+]$

Equivalências entre AFD, AFND, AF- λ , ER, GR

Trivial2: decorre da definição



Trivial1: colocar {} nos estados