

Análise sintática

Função, interação com o compilador
Análise descendente e ascendente
Especificação e reconhecimento de cadeias de tokens válidas
Implementação
Tratamento de erros

Prof. Thiago A. S. Pardo
taspardo@icmc.usp.br

1

Análise sintática

■ *Top-down ou descendente*

- Com retrocesso: por tentativa e erro
- Preditiva: para gramáticas LL(1)
 - Recursiva
 - Não recursiva

2

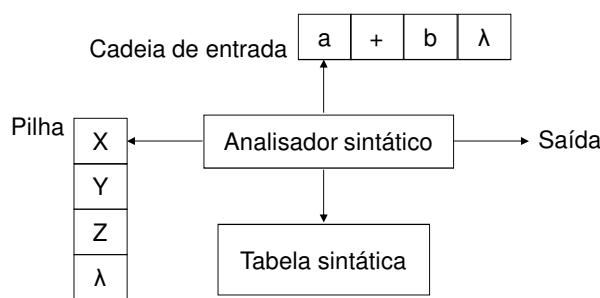
ASD preditiva não recursiva

- Alternativa para os procedimentos recursivos
 - Gramáticas LL(1)
- O que é a recursividade? Como eliminá-la?

3

ASD preditiva não recursiva

- Idéia geral
 - A recursão é substituída pelo uso de uma pilha onde os símbolos sendo expandidos são armazenados
 - Para determinar qual regra gramatical aplicar, consulta-se uma tabela sintática



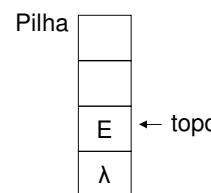
4

ASD preditiva não recursiva

■ Funcionamento

- Um símbolo não terminal a ser expandido é empilhado

$\langle E \rangle ::= \langle T \rangle \langle E' \rangle$
 $\langle E' \rangle ::= + \langle E \rangle \mid \lambda$
 $\langle T \rangle ::= a \mid b$

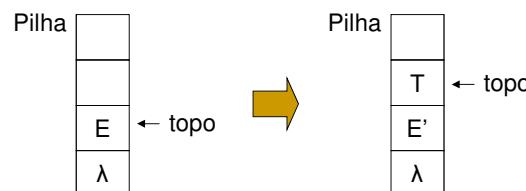


5

ASD preditiva não recursiva

- Ao expandir um não terminal no topo da pilha, ele é desempilhado e seu lado direito da regra gramatical é empilhado (em sentido inverso) para expansão
 - O sentido inverso garante a ordem natural de expansão da esquerda para a direita

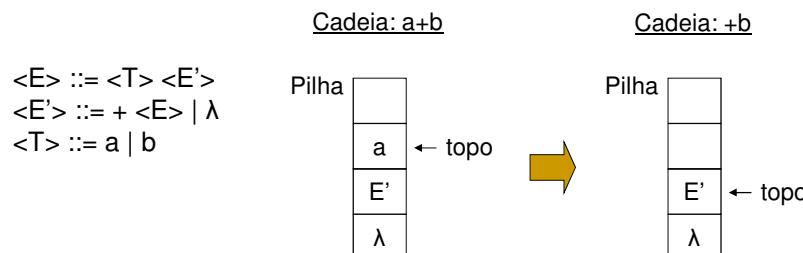
$\langle E \rangle ::= \langle T \rangle \langle E' \rangle$
 $\langle E' \rangle ::= + \langle E \rangle \mid \lambda$
 $\langle T \rangle ::= a \mid b$



6

ASD preditiva não recursiva

- Quando um símbolo terminal estiver no topo da pilha e esse mesmo símbolo estiver no início da cadeia sendo reconhecida, o terminal é desempilhado e o símbolo inicial da cadeia consumido



7

ASD preditiva não recursiva

- Considere X o topo da pilha e a o símbolo inicial da cadeia de entrada
- Possibilidades durante a análise
 - Se $X=a=\lambda$, então o analisador termina a análise com sucesso
 - Se $X=a \neq \lambda$, então o analisador desempilha X e consome o símbolo inicial da cadeia
 - Se X é não terminal, então o analisador procura na tabela sintática a regra de X que produz o símbolo inicial da cadeia e empilha seu lado direito (em sentido inverso)
 - Se X é terminal e é diferente de a ou se X é não terminal e não há regra cuja derivação produza a , então um erro ocorreu

8

ASD preditiva não recursiva

- Exemplo

$\langle E \rangle ::= \langle T \rangle \langle E' \rangle$
 $\langle E' \rangle ::= + \langle E \rangle \mid \lambda$
 $\langle T \rangle ::= a \mid b$

Tabela sintática

| | a | b | + | λ |
|----|---------------------|---------------------|---------------------|--------------------------|
| E | $E \rightarrow TE'$ | $E \rightarrow TE'$ | | |
| E' | | | $E' \rightarrow +E$ | $E' \rightarrow \lambda$ |
| T | $T \rightarrow a$ | $T \rightarrow b$ | | |

| Pilha | Cadeia | Regra |
|-------------|---------------|-------|
| λE | a+b λ | |

Reconhecer a+b

9

ASD preditiva não recursiva

- Exemplo

$\langle E \rangle ::= \langle T \rangle \langle E' \rangle$
 $\langle E' \rangle ::= + \langle E \rangle \mid \lambda$
 $\langle T \rangle ::= a \mid b$

Tabela sintática

| | a | b | + | λ |
|----|---------------------|---------------------|---------------------|--------------------------|
| E | $E \rightarrow TE'$ | $E \rightarrow TE'$ | | |
| E' | | | $E' \rightarrow +E$ | $E' \rightarrow \lambda$ |
| T | $T \rightarrow a$ | $T \rightarrow b$ | | |

| Pilha | Cadeia | Regra |
|----------------|---------------|--------------------------|
| λE | a+b λ | $E \rightarrow TE'$ |
| $\lambda E T$ | a+b λ | $T \rightarrow a$ |
| $\lambda E' a$ | a+b λ | --- |
| $\lambda E'$ | +b λ | $E' \rightarrow +E$ |
| $\lambda E +$ | +b λ | --- |
| λE | b λ | $E \rightarrow TE'$ |
| $\lambda E' T$ | b λ | $T \rightarrow b$ |
| $\lambda E' b$ | b λ | --- |
| $\lambda E'$ | λ | $E' \rightarrow \lambda$ |
| λ | λ | SUCESSO |

Reconhecer a+b

10

ASD preditiva não recursiva

- Exemplo

$$\begin{aligned} <E> &::= <T> <E'> \\ <E'> &::= + <E> \mid \lambda \\ <T> &::= a \mid b \end{aligned}$$

Tabela sintática

| | a | b | + | λ |
|-----------|---------------------|---------------------|---------------------|-----------------------------|
| E | $E \rightarrow TE'$ | $E \rightarrow TE'$ | | |
| E' | | | $E' \rightarrow +E$ | $E' \rightarrow \lambda$ |
| T | $T \rightarrow a$ | $T \rightarrow b$ | | |

Reconhecer a^*b

11

ASD preditiva não recursiva

- Exemplo

$$\begin{aligned} <E> &::= <T> <E'> \\ <E'> &::= + <E> \mid \lambda \\ <T> &::= a \mid b \end{aligned}$$

Tabela sintática

| | a | b | + | λ |
|-----------|---------------------|---------------------|---------------------|-----------------------------|
| E | $E \rightarrow TE'$ | $E \rightarrow TE'$ | | |
| E' | | | $E' \rightarrow +E$ | $E' \rightarrow \lambda$ |
| T | $T \rightarrow a$ | $T \rightarrow b$ | | |

| Pilha | Cadeia | Regra |
|---------------|---------------|---------------------|
| λE | $a^*b\lambda$ | $E \rightarrow TE'$ |
| $\lambda E'T$ | $a^*b\lambda$ | $T \rightarrow a$ |
| $\lambda E'a$ | $a^*b\lambda$ | --- |
| $\lambda E'$ | $*b\lambda$ | ERRO |

A cadeia não pertence à linguagem!

Reconhecer a^*b

12

ASD preditiva não recursiva

- Algoritmo de análise sintática

empilhe um símbolo delimitador (λ) e o símbolo inicial da gramática;
 concatene ao final da cadeia um símbolo delimitador (λ);
 faça ip apontar para o primeiro símbolo da cadeia;
 repetir

```
X=símbolo no topo da pilha;
a=símbolo apontado por ip;
se (X for um terminal ou o símbolo delimitador) então
  se X=a então desempilhar X;
    avançar ip;
  senão ERRO;
senão /*X é um não terminal*/
  se (existe na tabela sintática uma regra de X que produza a) então
    desempilhar X;
    empilhar em sentido inverso o lado direito da regra selecionada;
  senão ERRO;
até que X=símbolo delimitador ou a=símbolo delimitador
/*pilha está vazia ou fim de cadeia*/
```

ASD preditiva não recursiva

- Exercício: reconheça a cadeia 01012

$<S> ::= 0<A> \mid 1$
 $<A> ::= 1 \mid 2$
 $::= 0<A> \mid 2$

Tabela sintática

| | 0 | 1 | 2 |
|---|--------------------|--------------------|-------------------|
| S | $S \rightarrow 0A$ | $S \rightarrow 1B$ | |
| A | | $A \rightarrow 1B$ | $A \rightarrow 2$ |
| B | $B \rightarrow 0A$ | | $B \rightarrow 2$ |

ASD preditiva não recursiva

- Exercício: reconheça a cadeia 01012

$\langle S \rangle ::= 0\langle A \rangle \mid 1\langle B \rangle$
 $\langle A \rangle ::= 1\langle B \rangle \mid 2$
 $\langle B \rangle ::= 0\langle A \rangle \mid 2$

Tabela sintática

| | 0 | 1 | 2 |
|---|--------------------|--------------------|-------------------|
| S | $S \rightarrow 0A$ | $S \rightarrow 1B$ | |
| A | | $A \rightarrow 1B$ | $A \rightarrow 2$ |
| B | $B \rightarrow 0A$ | | $B \rightarrow 2$ |

| Pilha | Cadeia | Regra |
|--------------|-----------------|--------------------|
| λS | 01012 λ | $S \rightarrow 0A$ |
| $\lambda A0$ | 01012 λ | --- |
| λA | 1012 λ | $A \rightarrow 1B$ |
| $\lambda B1$ | 1012 λ | --- |
| λB | 012 λ | $B \rightarrow 0A$ |
| $\lambda A0$ | 012 λ | --- |
| λA | 12 λ | $A \rightarrow 1B$ |
| $\lambda B1$ | 12 λ | --- |
| λB | 2 λ | $B \rightarrow 2$ |
| $\lambda 2$ | 2 λ | --- |
| λ | λ | SUCESSO |

15

ASD preditiva não recursiva

- Como construir a tabela sintática?

$\langle S \rangle ::= 0\langle A \rangle \mid 1\langle B \rangle$
 $\langle A \rangle ::= 1\langle B \rangle \mid 2$
 $\langle B \rangle ::= 0\langle A \rangle \mid 2$

Tabela sintática

| | 0 | 1 | 2 |
|---|--------------------|--------------------|-------------------|
| S | $S \rightarrow 0A$ | $S \rightarrow 1B$ | |
| A | | $A \rightarrow 1B$ | $A \rightarrow 2$ |
| B | $B \rightarrow 0A$ | | $B \rightarrow 2$ |

16

ASD preditiva não recursiva

- Como construir a tabela sintática?

$\langle S \rangle ::= 0\langle A \rangle \mid 1\langle B \rangle$
 $\langle A \rangle ::= 1\langle B \rangle \mid 2$
 $\langle B \rangle ::= 0\langle A \rangle \mid 2$

Tabela sintática

| | 0 | 1 | 2 |
|---|--------------------|--------------------|-------------------|
| S | $S \rightarrow 0A$ | $S \rightarrow 1B$ | |
| A | | $A \rightarrow 1B$ | $A \rightarrow 2$ |
| B | $B \rightarrow 0A$ | | $B \rightarrow 2$ |

- De acordo com o exemplo, para um não terminal X e um terminal a , a tabela indica a regra de X cujo conjunto Primeiro contém a
 - Atenção: λ só aparece na tabela se aparecer na gramática

17

ASD preditiva não recursiva

- Exercício: construa a tabela sintática

$\langle S \rangle ::= 0\langle A \rangle \mid \langle B \rangle$
 $\langle A \rangle ::= a\langle A \rangle \mid \lambda$
 $\langle B \rangle ::= b$

18

ASD preditiva não recursiva

- Exercício: reconheça a cadeia **0aa**

$\langle S \rangle ::= 0\langle A \rangle \mid \langle B \rangle$

$\langle A \rangle ::= a\langle A \rangle \mid \lambda$

$\langle B \rangle ::= b$

Tabela sintática

| | 0 | a | b | λ |
|---|--------------------|--------------------|-------------------|-------------------------|
| S | $S \rightarrow 0A$ | | $S \rightarrow B$ | |
| A | | $A \rightarrow aA$ | | $A \rightarrow \lambda$ |
| B | | | $B \rightarrow b$ | |

19

ASD preditiva não recursiva

- Exercício: reconheça a cadeia **0aa**

$\langle S \rangle ::= 0\langle A \rangle \mid \langle B \rangle$

$\langle A \rangle ::= a\langle A \rangle \mid \lambda$

$\langle B \rangle ::= b$

Tabela sintática

| | 0 | a | b | λ |
|---|--------------------|--------------------|-------------------|-------------------------|
| S | $S \rightarrow 0A$ | | $S \rightarrow B$ | |
| A | | $A \rightarrow aA$ | | $A \rightarrow \lambda$ |
| B | | | $B \rightarrow b$ | |

| Pilha | Cadeia | Regra |
|---------------|---------------|-------------------------|
| λS | 0aa λ | $S \rightarrow 0A$ |
| $\lambda A 0$ | 0aa λ | --- |
| λA | aa λ | $A \rightarrow aA$ |
| $\lambda A a$ | aa λ | --- |
| λA | a λ | $A \rightarrow aA$ |
| $\lambda A a$ | a λ | --- |
| λA | λ | $A \rightarrow \lambda$ |
| λ | λ | SUCESSO |

20

ASD preditiva não recursiva

- Exercício: construa a tabela e reconheça a cadeia 0a1

$<S> ::= 0<A>1 \mid $

$<A> ::= a<A> \mid \lambda$

$::= b$

21

ASD preditiva não recursiva

- Exercício: construa a tabela e reconheça a cadeia 0a1

$<S> ::= 0<A>1 \mid $

$<A> ::= a<A> \mid \lambda$

$::= b$

Tabela sintática

| | 0 | 1 | a | b | λ |
|---|---------------------|---|--------------------|-------------------|-------------------------|
| S | $S \rightarrow 0A1$ | | | $S \rightarrow B$ | |
| A | | | $A \rightarrow aA$ | | $A \rightarrow \lambda$ |
| B | | | | $B \rightarrow b$ | |

| Pilha | Cadeia | Regra |
|---------------|--------------|---------------------|
| λS | $0a1\lambda$ | $S \rightarrow 0A1$ |
| $\lambda 1A0$ | $0a1\lambda$ | --- |
| $\lambda 1A$ | $a1\lambda$ | $A \rightarrow aA$ |
| $\lambda 1Aa$ | $a1\lambda$ | --- |
| $\lambda 1A$ | 1λ | ERRO |

Por que aconteceu o erro?
A cadeia não faz parte da linguagem? Ou a tabela está errada?

22

ASD preditiva não recursiva

- Exercício: construa a tabela e reconheça a cadeia 0a1

$\langle S \rangle ::= 0\langle A \rangle 1 \mid \langle B \rangle$
 $\langle A \rangle ::= a\langle A \rangle \mid \lambda$
 $\langle B \rangle ::= b$

Tabela sintática

| | 0 | 1 | a | b | λ |
|---|---------------------|-------------------------|--------------------|-------------------|-------------------------|
| S | $S \rightarrow 0A1$ | | | $S \rightarrow B$ | |
| A | | $A \rightarrow \lambda$ | $A \rightarrow aA$ | | $A \rightarrow \lambda$ |
| B | | | | $B \rightarrow b$ | |

| Pilha | Cadeia | Regra |
|---------------|---------------|---------------------|
| λS | 0a1 λ | $S \rightarrow 0A1$ |
| $\lambda 1A0$ | 0a1 λ | --- |
| $\lambda 1A$ | a1 λ | $A \rightarrow aA$ |
| $\lambda 1Aa$ | a1 λ | --- |
| $\lambda 1A$ | 1 λ | ERRO |

Por que aconteceu o erro?
A cadeia não faz parte da linguagem? Ou a tabela está errada?

Para se chegar ao terminal 1, A deve produzir λ . Portanto, a regra $A \rightarrow \lambda$ deve ser adicionada na tabela para a combinação de A com 1

23

ASD preditiva não recursiva

- Regras para construção da tabela sintática

- Para cada produção $A \rightarrow \alpha$ da gramática, execute os passos 2 e 3 abaixo
- Para cada terminal a em $\text{Primeiro}(\alpha)$, adicione $A \rightarrow \alpha$ em $T[A, a]$
- Se λ estiver em $\text{Primeiro}(\alpha)$, adicione $A \rightarrow \alpha$ em $T[A, b]$ para cada terminal b em $\text{Seguidor}(A)$
- Faça cada entrada indefinida da tabela indicar erro

24

ASD preditiva não recursiva

- Exercício: construir a tabela sintática para a gramática abaixo

```

<E> ::= <T><E'>
<E'> ::= +<T><E'> | λ
<T> ::= <F><T'>
<T'> ::= *<F><T'> | λ
<F> ::= (E) | id
  
```

25

ASD preditiva não recursiva

- Exercício: construir a tabela sintática para a gramática abaixo

| | |
|---|--|
| $\begin{array}{l} <E> ::= <T><E'> \\ <E'> ::= +<T><E'> \lambda \\ <T> ::= <F><T'> \\ <T'> ::= *<F><T'> \lambda \\ <F> ::= (E) id \end{array}$ | $\begin{array}{ll} P(E) = P(T) = \{\), id\} & S(E) = \{\}, \lambda \\ P(E') = \{+, \lambda\} & S(E') = S(E) + S(E') = \{\}, \lambda \\ P(T) = P(F) = \{\), id\} & S(T) = P(E') = \{+\} + S(E) + S(E') = \{+, \), \lambda\} \\ P(T') = \{*, \lambda\} & S(T') = S(T) + S(T') = \{+, \), \lambda\} \\ P(F) = \{\), id\} & S(F) = P(T') = \{*\} + S(T) + S(T') = \{*, +, \), \lambda\} \end{array}$ |
|---|--|

26

ASD preditiva não recursiva

- Exercício: construir a tabela sintática para a gramática abaixo

$$\begin{array}{lll}
 <E> ::= <T><E'> & P(E) = P(T) = \{\text{id}\} & S(E) = \{\}, \lambda \\
 <E'> ::= +<T><E'> \mid \lambda & P(E') = \{+, \lambda\} & S(E') = S(E) + S(E') = \{\}, \lambda \\
 <T> ::= <F><T'> & P(T) = P(F) = \{\text{id}\} & S(T) = P(E') = \{+\} + S(E) + S(E') = \{+, \}, \lambda \\
 <T'> ::= * <F><T'> \mid \lambda & P(T') = \{*, \lambda\} & S(T') = S(T) + S(T') = \{+, \}, \lambda \\
 <F> ::= (E) \mid \text{id} & P(F) = \{\text{id}\} & S(F) = P(T') = \{*\} + S(T) + S(T') = \{*, +, \}, \lambda
 \end{array}$$

Tabela sintática

| | id | + | * | (|) | λ |
|-----------|-----------|----------|----------|----------|----------|-----------------------------|
| E | | | | | | |
| E' | | | | | | |
| T | | | | | | |
| T' | | | | | | |
| F | | | | | | |

27

ASD preditiva não recursiva

- Exercício: construir a tabela sintática para a gramática abaixo

$$\begin{array}{lll}
 <E> ::= <T><E'> & P(E) = P(T) = \{\text{id}\} & S(E) = \{\}, \lambda \\
 <E'> ::= +<T><E'> \mid \lambda & P(E') = \{+, \lambda\} & S(E') = S(E) + S(E') = \{\}, \lambda \\
 <T> ::= <F><T'> & P(T) = P(F) = \{\text{id}\} & S(T) = P(E') = \{+\} + S(E) + S(E') = \{+, \}, \lambda \\
 <T'> ::= * <F><T'> \mid \lambda & P(T') = \{*, \lambda\} & S(T') = S(T) + S(T') = \{+, \}, \lambda \\
 <F> ::= (E) \mid \text{id} & P(F) = \{\text{id}\} & S(F) = P(T') = \{*\} + S(T) + S(T') = \{*, +, \}, \lambda
 \end{array}$$

Tabela sintática

| | id | + | * | (|) | λ |
|-----------|---------------------|--------------------------|-----------------------|---------------------|--------------------------|-----------------------------|
| E | $E \rightarrow TE'$ | | | $E \rightarrow TE'$ | | |
| E' | | $E' \rightarrow +TE'$ | | | $E' \rightarrow \lambda$ | $E' \rightarrow \lambda$ |
| T | $T \rightarrow FT'$ | | | $T \rightarrow FT'$ | | |
| T' | | $T' \rightarrow \lambda$ | $T' \rightarrow *FT'$ | | $T' \rightarrow \lambda$ | $T' \rightarrow \lambda$ |
| F | $F \rightarrow id$ | | | $F \rightarrow (E)$ | | |

28

ASD preditiva não recursiva

- Exercício: reconhecer a cadeia $\text{id} + \text{id}^* \text{id}$

$\langle E \rangle ::= \langle T \rangle \langle E' \rangle$
 $\langle E' \rangle ::= + \langle T \rangle \langle E' \rangle \mid \lambda$
 $\langle T \rangle ::= \langle F \rangle \langle T' \rangle$
 $\langle T' \rangle ::= ^* \langle F \rangle \langle T' \rangle \mid \lambda$
 $\langle F \rangle ::= (\text{id}) \mid \text{id}$

Tabela sintática

| | id | $+$ | $*$ | (|) | λ |
|------|---------------------------|--------------------------|------------------------|---------------------|--------------------------|--------------------------|
| E | $E \rightarrow TE'$ | | | $E \rightarrow TE'$ | | |
| E' | | $E' \rightarrow +TE'$ | | | $E' \rightarrow \lambda$ | $E' \rightarrow \lambda$ |
| T | $T \rightarrow FT'$ | | | $T \rightarrow FT'$ | | |
| T' | | $T' \rightarrow \lambda$ | $T' \rightarrow ^*FT'$ | | $T' \rightarrow \lambda$ | $T' \rightarrow \lambda$ |
| F | $F \rightarrow \text{id}$ | | | $F \rightarrow (E)$ | | |

29

ASD preditiva não recursiva

- Considere a gramática

$\langle S \rangle ::= \text{if } \langle E \rangle \text{ then } \langle S \rangle \mid \text{if } \langle E \rangle \text{ then } \langle S \rangle \text{ else } \langle S \rangle$

Transformando em LL(1):

$\langle S \rangle ::= \text{if } \langle E \rangle \text{ then } \langle S \rangle \langle S' \rangle$
 $\langle S' \rangle ::= \text{else } \langle S \rangle \mid \lambda$

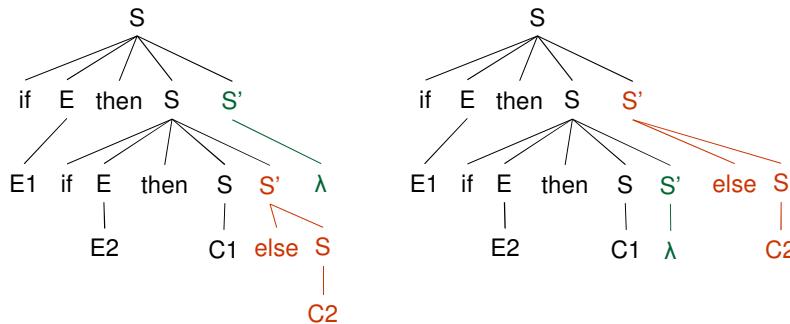
- Reconhecer a cadeia $\text{if } E1 \text{ then if } E2 \text{ then } C1 \text{ else } C2$

30

ASD preditiva não recursiva

- Duas possibilidades: gramática ambígua

$\langle S \rangle ::= \text{if } \langle E \rangle \text{ then } \langle S \rangle \langle S' \rangle$ if E_1 then if E_2 then C_1 else C_2
 $\langle S' \rangle ::= \text{else } \langle S \rangle \mid \lambda$



31

ASD preditiva não recursiva

- Construir tabela sintática

$\langle S \rangle ::= \text{if } \langle E \rangle \text{ then } \langle S \rangle \langle S' \rangle$
 $\langle S' \rangle ::= \text{else } \langle S \rangle \mid \lambda$

32

ASD preditiva não recursiva

- Construir tabela sintática

$\langle S \rangle ::= \text{if } \langle E \rangle \text{ then } \langle S \rangle \langle S' \rangle$
 $\langle S' \rangle ::= \text{else } \langle S \rangle \mid \lambda$

Primeiro(S)={if}
 Primeiro(S')={else, λ }
 Seguidor(S)={ λ } U Primeiro(S') U Seguidor(S')={else, λ }
 Seguidor(S')=Seguidor(S)={else, λ }

| | if | then | else | λ |
|------|---|------|---|--------------------------|
| S | $S \rightarrow \text{if } E \text{ then } S \ S'$ | | | |
| S' | | | $S' \rightarrow \text{else } S$ $S' \rightarrow \lambda$ | $S' \rightarrow \lambda$ |

Como resolver isso?

33

ASD preditiva não recursiva

- Solução

- Escolhe-se uma das regras

| | if | then | else | λ |
|------|---|------|---------------------------------|--------------------------|
| S | $S \rightarrow \text{if } E \text{ then } S \ S'$ | | | |
| S' | | | $S' \rightarrow \text{else } S$ | $S' \rightarrow \lambda$ |

- Resultado: o *else* se relaciona ao *then* mais próximo

34