

**Método Passo Atrás (*Backward Elimination*)**

Exercício: Considere os dados da produção de cimento (Draper and Smith, 1998. Applied Regression Analysis. Wiley). Utilize o método passo atrás (backward) para selecionar o melhor modelo.

**Modelo ajustado 1:**  $\hat{Y}_i = X_{1i} + X_{2i} + X_{3i} + X_{4i}$

$$(X'X)^{-1}X'\mathbf{Y} = \begin{bmatrix} 62,405 \\ 1,551 \\ 0,510 \\ 0,102 \\ -0,144 \end{bmatrix} \text{ e } (X'X)^{-1} = \begin{bmatrix} 820,655 & -8,442 & -8,458 & -8,635 & -8,290 \\ -8,442 & 0,093 & 0,086 & 0,093 & 0,084 \\ -8,458 & 0,086 & 0,088 & 0,088 & 0,086 \\ -8,635 & 0,093 & 0,088 & 0,095 & 0,086 \\ -8,290 & 0,084 & 0,086 & 0,086 & 0,084 \end{bmatrix}$$

$$n=13; p = ; \text{SQRes} = 47,86; \quad \widehat{\sigma^2} = \frac{\text{SQRes}}{n - (p + 1)} =$$

**Erro padrão das estimativas**

$$\begin{aligned} \text{EP}(\widehat{\beta}_1) &= \\ \text{EP}(\widehat{\beta}_2) &= \\ \text{EP}(\widehat{\beta}_3) &= \\ \text{EP}(\widehat{\beta}_4) &= \end{aligned}$$

**Estatísticas parciais F**

$$\begin{aligned} F_1 &= \\ F_2 &= \\ F_3 &= \\ F_4 &= \end{aligned}$$

**Decisão:**

**Modelo ajustado 2:**  $\hat{Y}_i =$

$$(X'X)^{-1}X'\mathbf{Y} = \begin{bmatrix} 71,648 \\ 1,452 \\ 0,416 \\ -0,237 \end{bmatrix} \text{ e } (X'X)^{-1} = \begin{bmatrix} 37,523 & -0,040 & -0,488 & -0,454 \\ -0,040 & 0,003 & 0,000 & 0,000 \\ -0,488 & 0,000 & 0,006 & 0,006 \\ -0,454 & 0,000 & 0,006 & 0,006 \end{bmatrix}$$

$$p = ; \text{SQRes} = 47,97; \quad \widehat{\sigma^2} = \frac{\text{SQRes}}{n - (p + 1)} =$$

**Erro padrão das estimativas**

**Estatísticas parciais F**

**Decisão:**

**Modelo ajustado 3:**  $\hat{Y}_i =$

$$(X'X)^{-1}X'\mathbf{Y} = \begin{bmatrix} 52,577 \\ 1,468 \\ 0,662 \end{bmatrix} \text{ e } (X'X)^{-1} = \begin{bmatrix} 0,903 & -0,008 & -0,016 \\ -0,008 & 0,003 & 0,000 \\ -0,016 & 0,000 & 0,000 \end{bmatrix}$$

$$p = ; \text{SQRes} = 57,90; \quad \widehat{\sigma^2} = \frac{\text{SQRes}}{n - (p + 1)} =$$

**Erro padrão das estimativas**

**Estatísticas parciais F**

**Decisão e modelo final:**