

1. Implemente um método para gerar uma amostra aleatória de uma população com função densidade  $f(x) = e^x/(e - 1)$ , se  $x \in [0, 1]$ ;  $f(x) = 0$ , caso contrário.

2. Implemente um método para gerar uma amostra aleatória de uma população com função densidade

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x-2}{2}, & \text{se } x \in [2, 3], \\ \frac{2-x/3}{2}, & \text{se } x \in [3, 6], \\ 0, & \text{caso contrário.} \end{cases}$$

3. Implemente um método para gerar uma amostra aleatória de uma população com função densidade

$$f(x) = \begin{cases} e^{2x}, & \text{se } x \in (-\infty, 0), \\ e^{-2x}, & \text{se } x \in [0, \infty). \end{cases}$$

4. Implemente dois métodos para gerar uma amostra aleatória de uma população com função densidade  $f(x) = xe^{-x}$ , se  $x \in (0, \infty)$ ;  $f(x) = 0$ , caso contrário.

5. A distribuição geométrica é também conhecida como exponencial discreta.

(a) Se  $X \sim \text{exponencial}(\lambda)$  e  $Y = [X]$  ( $[\cdot]$  denota a parte inteira), prove que  $P(Y = j) = (e^{-\lambda})^j(1 - e^{-\lambda})$ , para  $j = 0, 1, 2, \dots$ , ou seja,  $Y$  tem distribuição geométrica com probabilidade de sucesso  $\theta = 1 - e^{-\lambda}$ .

(b) Utilizando o resultado do item 5a e um gerador para a distribuição exponencial, implemente um gerador para a distribuição geométrica com parâmetro  $\theta \in (0, 1)$ .