



**3ª. Lista de Exercícios**  
**Data de Divulgação: 24/04/2008**  
**Data de Entrega Sugerida: 15/05/2008**

1. A gramática a seguir gera a linguagem  $0^*1(0+1)^*$ :

$$S \rightarrow A1B$$

$$A \rightarrow 0A \mid \varepsilon$$

$$B \rightarrow 0B \mid 1B \mid \varepsilon$$

Forneça derivações mais à esquerda, mais à direita e árvore de análise sintática para as cadeias:

(a) 00101

(b) 1001

(c) 00011

2. Suponha que  $G$  seja uma GLC sem produções nulas ( $\varepsilon$  do lado direito). Se  $w$  está em  $L(G)$ , o comprimento de  $w$  é  $n$ , e  $w$  tem uma derivação de  $m$  etapas, mostre que  $w$  tem uma árvore de análise sintática com  $n + m$  nós.

3. Prove, por indução, que como as árvores de análise sintática de uma gramática na Forma Normal de Chomsky são árvores binárias, se a cadeia  $w$  tiver comprimento  $n$ , haverá exatamente  $2n-1$  nós rotulados por não-terminais na árvore.

4. Prove que, se uma cadeia de parênteses é balanceada, então ela é gerada pela gramática:

$$B \rightarrow BB \mid (B) \mid \varepsilon$$

Sugestão : prove por indução sobre o comprimento da cadeia.

5. Seja  $P = (\{p, q\}, \{0, 1\}, \{Z_0, X\}, \delta, q, Z_0, \{p\})$  e :

1.  $\delta(q, 0, Z_0) = \{(q, XZ_0)\}$

2.  $\delta(q, 0, X) = \{(q, XX)\}$

3.  $\delta(q, 1, X) = \{(q, X)\}$

4.  $\delta(q, \varepsilon, X) = \{(p, \varepsilon)\}$

5.  $\delta(p, \varepsilon, X) = \{(p, \varepsilon)\}$

6.  $\delta(p, 1, X) = \{(p, XX)\}$

7.  $\delta(p, 1, Z_0) = \{(p, \varepsilon)\}$

A partir da DI inicial  $(q, w, Z_0)$ , mostre todas as DIs acessíveis quando a entrada é:

(a) 01

(b) 0011

(c) 010

6. Projete um AP para aceitar cada uma das linguagens a seguir (por estado final ou por pilha vazia, o que for mais conveniente):

a)  $\{0^N 1^N \mid N \geq 1\}$

b) O conjunto de todas as cadeias de 0s e 1s tais que nenhum prefixo tenha mais 1s do que 0s.

c) o conjunto de todas as cadeias de 0s e 1s com um número igual de 0s e 1s.

7. Seja  $P$  do exercício 5:

- a) converta P em outro AP P1 que aceite por pilha vazia a mesma linguagem que P aceita pelo estado final; isto é,  $N(P1) = L(P)$ .  
 b) encontre um AP P2 tal que  $L(P2) = N(P)$ ; isto é, P2 aceita pelo estado final o que P aceita por pilha vazia.

8. Seja o APD  $P = (\{q_0, q_1, q_2, q_3, f\}, \{a, b\}, \{Z_0, A, B\}, \delta, q_0, Z_0, \{f\})$  e :

$$\begin{array}{lll} \delta(q_0, a, Z_0) = (q_0, AAZ_0) & \delta(q_0, b, Z_0) = (q_2, BZ_0) & \delta(q_0, \epsilon, Z_0) = (f, \epsilon) \\ \delta(q_1, a, A) = (q_1, AAA) & \delta(q_1, b, A) = (q_1, \epsilon) & \delta(q_1, \epsilon, Z_0) = (q_0, Z_0) \\ \delta(q_2, a, B) = (q_3, \epsilon) & \delta(q_2, b, B) = (q_2, BB) & \delta(q_2, \epsilon, Z_0) = (q_0, Z_0) \\ \delta(q_3, \epsilon, B) = (q_2, \epsilon) & \delta(q_3, \epsilon, Z_0) = (q_1, AZ_0) & \end{array}$$

- a) Forneça a sequência de DIs mostrando que a cadeia bab está em  $L(P)$ .  
 b) Idem para a cadeia abb.  
 c) Forneça o conteúdo da pilha depois de P ter lido  $b^7a^4$  a partir de sua entrada.  
 d) Descreva informalmente  $L(P)$ .

9. Um AP é dito *restrito* se, em qualquer transição, ele pode aumentar a altura da pilha por no máximo um símbolo. Ou seja, para qualquer regra  $\delta(q, a, Z)$  conter  $(p, \gamma)$ , deve ocorrer  $|\gamma| \leq 2$ . Mostre que, se P é um AP, então existe um AP restrito P1, tal que  $L(P) = L(P1)$ .

10. Converta a gramática

$$\begin{array}{l} S \rightarrow 0S1 \mid A \\ A \rightarrow 1A0 \mid S \mid \epsilon \end{array}$$

em um AP que aceita a mesma linguagem por pilha vazia.

11. Converta a gramática

$$\begin{array}{l} S \rightarrow aaA \\ A \rightarrow aS \mid bS \mid a \end{array}$$

em um AP que aceita a mesma linguagem por pilha vazia.

12. Temos a seguir algumas LLCs. Para cada uma, crie um AP que aceita a linguagem por pilha vazia. Você pode, se desejar, construir primeiro uma gramática para a linguagem, e depois convertê-la num AP.

- a)  $\{a^n b^m c^{2(n+m)} \mid n \geq 0, m \geq 0\}$   
 b)  $\{a^i b^j c^k \mid i = 2j \text{ ou } j = 2k\}$   
 c)  $\{0^n 1^m \mid n \leq m \leq 2n\}$

13. Forneça AP determinísticos para aceitar as linguagens a seguir:

- a)  $\{0^n 1^m \mid n \leq m\}$   
 b)  $\{0^n 1^m \mid n \geq m\}$   
 c)  $\{0^n 1^m 0^n \mid n \text{ e } m \text{ quaisquer}\}$