

Exercício 1: Algoritmo para encontrar k -ésimo numero natural par.

Exercício 1: Algoritmo para encontrar k -ésimo numero natural par.

Algoritmo 1: **Even**(positive integer k)

Input: k , a positive integer

Output: k -th even natural number (the first even being 0)

Algorithm:

if $k = 1$, **then** return 0 ;

else return **Even**($k-1$) + 2 .

Exercício 2: Algoritmo para calcular 2^k

Exercício 2: Algoritmo para calcular 2^k

Algorithm 2 **Power_of_2**(natural number **k**)

Input: k , a natural number

Output: k -th power of 2

Algorithm:

if $k = 0$, **then** return 1 ;

else return $2 * \text{Power_of_2}(k - 1)$.

Exercício 3: Algoritmo recursivo para busca seqüencial.

Exercício 3: Algoritmo recursivo para busca seqüencial.

Algorithm 3 SeqSearch(L, i, j, x)

Input: L is an array, i and j are positive integers, $i \leq j$, and x is the key to be searched for in L .

Output: If x is in L between indexes i and j , then output its index, else output θ .

Algorithm:

```
if  $i \leq j$ , then
{
  if  $L(i) = x$ , then return  $i$ ;
  else return SeqSearch( $L, i+1, j, x$ )
}
else return  $\theta$ .
```

Exercício 4: Palindrome Checker

Exercício 4: Palindrome Checker

```
Pal(str: String of length n)
{
  if (n==0 or n==1)
  {
    return true;
  }
  else
  {
    if (Pal(substring of str excluding first and last character)
        and (character1==charactern))
    {
      return true;
    }
    else
    {
      return false;
    }
  }
}
```

Exercício 5: Algoritmo recursivo para
multiplicação de números naturais

Exercício 5: Algoritmo recursivo para
multiplicação de números naturais

$$a * b = a \text{ se } b = 1$$

$$a * b = a * (b - 1) + a \text{ se } b > 1$$

Exercício 6: Imagine v como um vetor de inteiros. Apresente algoritmos recursivos para calcular:

- 1) O elemento máximo do vetor;
- 2) A soma dos elementos do vetor;
- 3) A media dos elementos do vetor.

Exercício 7: Conta numero de primo entre a e b .

Exercício 8: Conta numero de primo entre a e b .

$$count_prime(a,b) = \begin{cases} 0, & \text{se } a > b \\ count_prime(a,b-1) + b, & \text{se } prime(b) \\ count_prime(a,b-1), & \text{sen ão} \end{cases}$$

Exercício 9: A função de Ackerman é definida recursivamente sobre os inteiros não-negativos como segue:

$$a(m, n) = n+1, \quad \text{se } m = 0$$

$$a(m, n) = a(m-1, 1), \quad \text{se } m \neq 0 \text{ e } n = 0$$

$$a(m, n) = a(m-1, a(m, n-1)) \quad \text{se } m \neq 0, n \neq 0$$

- 1) Demonstre que $a(2, 2) = 7$
- 2) Você consegue descobrir um método iterativo para calcular $a(m, n)$?