SCC0216 - Modelagem Computacional em Grafos Ordenação Topológica e Componentes Fortemente Conectados

Prof.: Rosane Minghim (rminghim@icmc.usp.br) 1° sem. 2014

PAE: Rafael Martins (rmartins@icmc.usp.br)

Bilzã Marques (bmarques@icmc.usp.br)

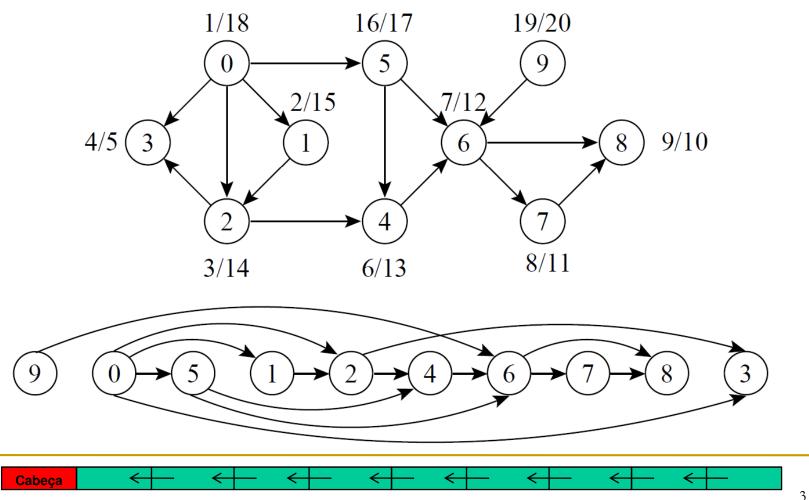
Baseado no material de aula original: Profª. Josiane M. Bueno

Ordenação Topológica

 Define-se Ordenação Topológica para Grafos orientados acíclicos.

O objetivo da ordenação topológica é alinhar todos os vértices de um grafo em sequência, de forma que se a aresta (u,v) pertence a V, então u está antes de v na sequência

Ordenação Topológica – Exemplo (Ziviani 2004)



Ordenação Topológica (algoritmo)

- Chame DFS para todos os vértices do grafo G (isto é, enquanto existirem vértices 'brancos').
- 2. A cada vértice que é terminado (isto é, que se torna 'preto'), insira-o na cabeça de uma lista encadeada.
- Retorna a lista encadeada de vértices do grafo produzida no passo (2)

Ordenação Topológica (algoritmo)

A implementação da ordenação topológica se dá adicionando um comando:

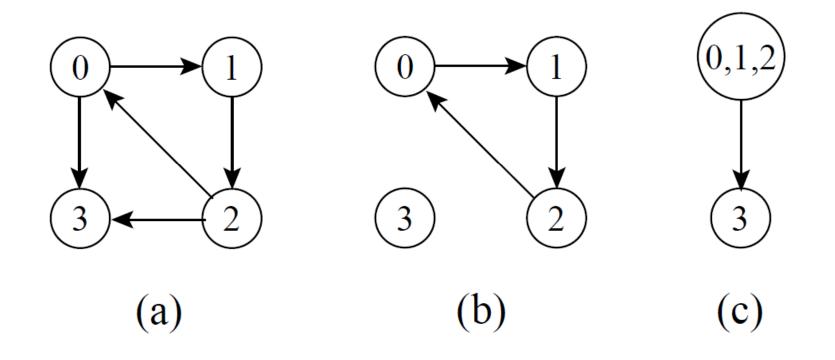
```
Insere_primeiro(u, L:lista)
```

- Inserção na cabeça da lista L, na posição do algoritmo DFS logo após a determinação do tempo t[u] e da finalização do nó, isto é, após o momento em que ele se torna 'preto'.
 - Obs: naturalmente Inicializa(L) precisa ser chamada no início do algoritmo que chama DFS para todos os vértices 'brancos'.

Componentes Fortemente Conectados

- Define-se componentes fortemente conectados para um grafo orientado.
- Um Componente Fortemente Conectado (ou Fortemente Conexo) C de um grafo G é um conjunto de vértices maximal de G de forma que para todos os vértices u e v em C, u é alcançável a partir de v e v é alcançável a partir de u.

Componentes Fortemente Conectados (Exemplo – Ziviani 2004)



(a) Grafo original

- (b) Componentes Conexas
- (c) Colapso dos vértices das componentes

Componentes Fortemente Conectados (algoritmo)

- 1. Chama DFS(*G*) para obter os tempos de término t[u] para todos os vértices de *G*, isto é, enquanto existirem vértices 'brancos' em *G*.
- _{2.} Obtém G^T.
- 3. Chama DFS(G^T) em ordem decrescente de t[u] obtido no passo (1), enquanto existirem vértices u 'brancos' em G^T.
- 4. Retorne todas as árvores obtidas no passo (3).

Componentes Fortemente Conectados (Exemplo – Ziviani 2004)

