TAD: Tipo Abstrato de Dados (parte 2)

SCE-202 – Algoritmos e Estruturas de Dados I

- Programa em C pode ser dividido em vários arquivos
 - Arquivos fonte com extensão .c
 - Denominados de módulos
- Cada módulo deve ser compilado separadamente
 - Para tanto, usa-se um compilador
 - Resultado: arquivos objeto não executáveis
 - Arquivos em linguagem de máquina com extensão .o ou .obj
- Arquivos objeto devem ser juntados em um executável
 - Para tanto, usa-se um ligador ou link-editor
 - Resultado: um único arquivo em linguagem de máquina
 - Usualmente com extensão .exe

- Módulos são muito úteis para construir bibliotecas de funções interrelacionadas. Por exemplo:
 - Módulos de funções matemáticas
 - Módulos de funções para manipulação de strings
 - etc
- Em C, é preciso listar no início de cada módulo aquelas funções de outros módulos que serão utilizadas:
 - Isso é feito através de uma lista denominada cabeçalho
- Exemplo: considere um arquivo STR.c contendo funções para manipulação de strings, dentre elas:
 - int comprimento (char* strg)
 - void copia (char* dest, char* orig)
 - void concatena (char* dest, char* orig)

Exemplo (cont): Qualquer módulo que utilizar essas funções deverá incluir no início o cabeçalho das mesmas, como abaixo.

```
/* Programa Exemplo.c */
#include <stdio.h>
int comprimento (char* str);
void copia (char* dest, char* orig);
void concatena (char* dest, char* orig);
int main (void) {
       char str[101], str1[51], str2[51];
       printf("Entre com uma seqüência de caracteres: ");
       scanf(" %50s[^\n]", str1);
       printf("Entre com outra seqüência de caracteres: ");
       scanf(" %50s[^\n]", str2);
       copia(str, str1); concatena(str, str2);
       printf("Comprimento total: %d\n", comprimento(str));
       return 0; }
```

Exemplo (cont):

- A partir desses dois fontes (Exemplo.c e STR.c), podemos gerar um executável compilando cada um separadamente e depois ligando-os
- Por exemplo, com o compilador Gnu C (gcc) utilizaríamos a seguinte seqüência de comandos para gerar o arquivo executável Teste.exe:

```
> gcc -c STR.c
> gcc -c Exemplo.c
> gcc -o Teste.exe STR.o Exemplo.o
```

Questão:

- É preciso inserir manualmente e individualmente todos os cabeçalhos de todas as funções usadas por um módulo?
 - E se forem muitas e de diferentes módulos?

Solução

- Arquivo de cabeçalhos associado a cada módulo, com:
 - cabeçalhos das funções oferecidas pelo módulo e,
 - eventualmente, os tipos de dados que ele exporta
 - typedefs, structs, etc.
- Segue o mesmo nome do módulo ao qual está associado
 - porém com a extensão .h

Exemplo:

Arquivo STR.h para o módulo STR.c do exemplo anterior

```
/* Arquivo STR.h */
/* Função comprimento:
   Retorna o no. de caracteres da string str */
int comprimento (char* str);
/* Função copia:
   Copia a string orig para a string dest */
void copia (char* dest, char* orig);
/* Função concatena:
   Concatena a string orig na string dest */
void concatena (char* dest, char* orig);
```

O programa Exemplo.c pode então ser rescrito como:

```
/* Programa Exemplo.c */
#include <stdio.h> /* Módulo da Biblioteca C Padrão */
#include "STR.h" /* Módulo Próprio */
int main (void) {
       char str[101], str1[51], str2[51];
       printf("Entre com uma seqüência de caracteres: ");
       scanf(" %50s[^\n]", str1);
       printf("Entre com outra seqüência de caracteres: ");
       scanf(" %50s[^\n]", str2);
       copia(str, str1); concatena(str, str2);
       printf("Comprimento total: %d\n", comprimento(str));
       return 0; }
```

Nota: O uso dos delimitadores < > e " " indica onde o compilador deve procurar os arquivos de cabeçalho, na biblioteca interna (<>) ou no diretório indicado (" " – *default* se ausente).

TADs em C

- Módulos podem ser usados para definir um novo tipo de dado e o conjunto de operações para manipular dados desse tipo:
 - Tipo Abstrato de Dados (TAD)

- Definindo um tipo abstrato, pode-se "esconder" a implementação
 - Quem usa o tipo abstrato precisa apenas conhecer a funcionalidade que ele implementa, não a forma como ele é implementado
 - Facilita manutenção e re-uso de códigos, entre outras vantagens

```
/* TAD: Matriz m por n (m e n \geq 1) */
/* Tipo Exportado */
typedef struct matriz Matriz;
/* Funções Exportadas */
/* Função cria - Aloca e retorna matriz m por n */
Matriz* cria (int m, int n);
/* Função libera - Libera a memória de uma matriz */
void libera (Matriz* mat);
                                       /* Continua... */
```

```
/* Continuação... */
/* Função acessa - Retorna o valor do elemento [i][j]
float acessa (Matriz* mat, int i, int j);
/* Função atribui - Atribui valor ao elemento [i][j]
                                                        * /
void atribui (Matriz* mat, int i, int j, float v);
                                                        * /
/* Função linhas - Retorna o no. de linhas da matriz
int linhas (Matriz* mat);
/* Função colunas - Retorna o no. de colunas da matriz */
int colunas (Matriz* mat);
```

```
#include <stdlib.h>/* malloc, free, exit */
                                                Deve estar incluído no .c
#include <stdio.h> /* printf */
                                                     correspondente
#include "matriz.h"—
struct matriz {
        int lin;
        int col;
        float* v;
};
void libera (Matriz* mat) {
   free (mat->v);
   free (mat);
```

```
/* Continuação... */
Matriz* cria (int m, int n) {
                                                        mat
                                                                    lin
   Matriz* mat = (Matriz*) malloc(sizeof(Matriz));
   if (mat == NULL) {
                                                                    col
        printf("Memória insuficiente!\n");
        exit(1);
   mat->lin = m;
   mat->col = n;
   mat->v = (float*) malloc(m*n*sizeof(float));
   return mat;
                                     mat
```

```
/* Continuação... */
float acessa (Matriz* mat, int i, int j) {
   int k; /* indice do elemento no vetor - armazenamento por linha*/
   if (i<1 || i>=mat->lin || j<1 || j>=mat->col) {
        printf("Acesso inválido!\n");
        exit(1);
   k = (i-1) *mat -> col + j - 1;
   return mat->v[k];
int linhas (Matriz* mat) {
   return mat->lin;
```

```
/* Continuação... */
void atribui (Matriz* mat, int i, int j, float v) {
   int k; /* indice do elemento no vetor */
   if (i<1 || i>=mat->lin || j<1 || j>=mat->col) {
        printf("Atribuição inválida!\n");
        exit(1);
   k = (i-1) * mat -> col + j -1;
   mat -> v[k] = v;
int colunas (Matriz* mat) {
   return mat->col;
```

Programa cliente – que usa o TAD

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include "matriz.h"
int main(int argc, char *argv[])
 float a,b,c,d;
 Matriz *M;
 // criação de uma matriz
 M = cria(5,5);
 // inserção de valores na matriz
 atribui(M,1,2,40);
 atribui(M,2,3,3);
 atribui(M,3,5,15);
 atribui(M,5,1,21);
```

Programa cliente – que usa o TAD

```
/* Continuação... */
// verificando se a inserção foi feita corretamente
 a = acessa(M,1,2);
 b = acessa(M,2,3);
 c = acessa(M,3,5);
 d = acessa(M,5,1);
 printf ("M[1][2]: %4.2f \n", a);
 printf ("M[2][3]: %4.2f \n", b);
 printf ("M[3][5]: %4.2f \n", c);
 printf ("M[5][1]: %4.2f \n", d);
 system("PAUSE");
 return 0;
```

Retomando o exemplo do TAD Racionais:

```
/* Racionais.h: Interface de TAD Números Racionais */
/* Tipo Exportado */
Typedef struct Rac Racional;
/* Funções Exportadas */
Racional Define (int N, int D);
/* Gera um número racional a partir de dois inteiros,
  sendo o segundo não nulo */
                                    /* continua ... */
```

```
/* ... continua */
Racional Soma (Racional R1, Racional R2);
/* Soma dois números racionais R1 e R2 e retorna o
  resultado */
Racional Multiplica (Racional R1, Racional R2);
/* Multiplica dois números racionais R1 e R2 e
  retorna o resultado */
int TestaIgualdade(Racional R1, Racional R2);
/* Verifica se 2 números racionais R1 e R2 possuem
  numeradores e denominadores iguais. Retorna 1
  nesse caso e 0 caso contrário */
```

Implementação (Arquivo Racionais.c):

```
/* Racionais.c */
/* Tipo Exportado */
struct Rac{
    int Num, Den};

/* Funções Exportadas */
...
```

TADs em C: Exercício

```
#include <stdio.h>
#include "Racionais.h"

void main(void) {
    /* Teste do TAD: Exercício... */
}
```

TADs em C: Observações

- Os tipos de dados e funções descritos no arquivo de cabeçalho Racionais.h são exportados para os módulos que incluem esse arquivo via #include "Racionais.h"
 - são visíveis para os "clientes" do TAD
 - por exemplo, arquivo Teste_Racionais.c
- Funções e tipos de dados para fins exclusivos da implementação interna do TAD não devem constar no arquivo de cabeçalho, apenas no arquivo de implementação (Racionais.c)
 - não são exportados ao "cliente"
 - são inacessíveis para quem utiliza o TAD
 - cliente só precisa/deve ter acesso à versão compilada de Racionais.c

Exercícios

- Escrever um programa C que executa operações sobre números racionais, utilizando o TAD construído.
- Re-implementar o TAD Racionais usando um vetor de dois elementos como tipo base, ao invés de um struct com dois campos como foi feito
 - O que é preciso alterar no programa do item anterior para essa nova versão do TAD?
- Complemente o TAD Racionais com uma função de teste de igualdade alternativa, que verifique a igualdade dos dois números sem a restrição de que seus numeradores e denominadores devam ser iguais para retorno verdadeiro

Exercício: TAD Conjuntos (SET)

- Um conjunto é uma coleção não ordenada de elementos; os elementos são ditos membros do conjunto.
- Todos os elementos são diferentes: nenhum conjunto contém 2 cópias do mesmo elemento.
- Ex: {1,4} ok {1,4,1} não ok

Operações básicas: união, intersecção e diferença

- Se A e B são conjuntos, então A ∪ B é o conjunto de elementos que são membros de A ou de B ou de ambos
- Se A e B são conjuntos, então A ∩ B é o conjunto de elementos que estão em A e em B
- Se A e B são conjuntos, então A B é o conjunto de elementos de A que não estão em B
- Exemplo: A = {a,b,c} B = {b,d}
 A ∪ B = {a,b,c,d}
 A ∩ B = {b}
 A B = {a,c}

Tipo Conjunto de Inteiros

Objetivo:

- Criar um tipo de dado Conjunto de inteiros e disponibilizá-lo na forma de TAD
- Passos:
 - Representação dos valores do tipo
 - Implementação das operações
 - Construção dos arquivos .h e .c

Conjuntos em C

Como representar um conjunto de inteiros em C?

□ Supondo os valores de inteiros num intervalo 0..N-1

Conjuntos em C

Como representar um conjunto de inteiros em C?

define N 100 //por exemplo, conjunto que tem números de 0 a 99 int conjunto[N]; //conjunto[i]=1 se i está no conjunto; 0, caso contrário

Ex.:
$$C = \{4, 2, 1\}$$

Conjunto de Operações?

Operações usuais

- União(A,B,C)
- Intersecção(A,B,C)
- Diferença(A,B,C)
- \blacksquare Membro(x,A)
- Cria_Conj_Vazio(A)
- Insere(x,A)
- Remove(x,A)
- Atribui(A,B)
- Min(A)
- Max(A)
- Igual(A,B)

Definição das operações

- União(A,B,C): toma os argumentos A e B que são conjuntos e retorna A ∪ B à variavel C
- Intersecção(A,B,C): toma os argumentos A e B que são conjuntos e retorna A ∩ B à variavel C
- Diferença(A,B,C): toma os argumentos A e B que são conjuntos e retorna A - B à variavel C
- Membro(x,A): toma o conjunto A e o objeto x cujo tipo é o tipo do elemento de A e retorna um valor booleano – true se x ∈ A e false caso contrário
- Cria_Conj_Vazio(A): faz o conjunto vazio ser o valor para a variável conjunto A

Definição das operações

- Insere(x,A): equivale a $A = A \cup \{x\}$. Se x já é um membro de A, então a operação insere não muda A
- Remove(x,A): equivale a $A = A \{x\}$. Se x não pertence a A então a operação remove não altera A

Definição das operações

- Copia(A,B): Faz uma cópia do conjunto A em B
- Min(A): retorna o valor mínimo do conjunto A. Por exemplo: Min({2,3,1}) = 1
- Max(A): Similar a Min(A) só que retorna o máximo do conjunto
- Igual(A,B): retorna true se e somente se os conjuntos A e B consistem dos mesmos elementos

Exercício

■ Em duplas, definir o arquivo conjunto.h

```
/* TAD: conjunto*/
/* Tipo Exportado */
typedef struct conjunto Conjunto;
/* Funções Exportadas */
/* Função união - Une os elementos do conjunto A e B em um
  conjunto C */
void uniao (Conjunto *A, Conjunto *B, Conjunto *C);
/* Função Intersecção - Armazena em C os mesmos elementos que
  estão no conjunto A e B*/
void interseccao (Conjunto *A, Conjunto *B, Conjunto *C);
/* Função libera - Libera a memória de um conjunto */
void libera (Conjunto *A);
```

```
/* Continuação... */
/* Função diferença - atribui ao conjunto C a diferença entre os
  conjuntos A e B */
void diferença(Conjunto *A, Conjunto *B, Conjunto *C);
/* Função membro - verifica se o elemento elem está no Conjunto
int membro(elem x, Conjunto *A);
/* Função Cria Conj Vazio - Cria um conjunto vazio e retorna o
  conjunto criado. A variável erro retorna 0 se o conjunto foi
  criado corretamente e 0 caso contrario. Deve ser usado como
  primeira operação sobre um conjunto. */
Conjunto *Cria Conj Vazio (int *erro);
/* Função insere - insere o elemento elem no conjunto A e
  retorna se a execução foi realizada com sucesso(1) ou
  não(0)*/
int insere(elem x, Conjunto *A);
```

Arquivo conjunto.h

```
/* Continuação... */
/* Função remove (diferente da de PASCAL) - remove o
  elemento elem do Conjunto A, retorna 1 se o elemento
  foi retirado e 0 se o elemento não está no conjunto */
int remove(elem x, Conjunto *A);
/* Função copia - faz a copia do conjunto A para o B*/
void copia(Conjunto *A, Conjunto *B);
/* Função min - retorna o menor elemento do conjunto A -
  se o conjunto está vazio retorna TAM */
elem min(Conjunto *A);
```

```
/* Continuação... */
/* Função max - retorna o maior elemento do conjunto A - se o
  conjunto está vazio retorna TAM */
elem max(Conjunto *A);
/* Função igual - verifica se o conjunto A é igual a
Conjunto B */
int iqual(Conjunto *A, Conjunto *B);
/* Função tamanho - retorna o tamanho do conjunto A */
int tamanho(Conjunto *A);
/* Função testa vazio - verifica se o conjunto A é vazio 1 se
  for vazio e 0 caso contrario*/
int testa vazio(Conjunto *A);
```

Arquivo conjunto.h

```
#include <stdlib.h>/* malloc, free, exit */
#include <stdio.h> /* printf */
#include "conjunto.h"
#define TAM $$$ // trabalha com elementos do universo 0..TAM -1
Typedef int elem;
struct conjunto { //usar struct é interessante para encapsular//
          elem* v; //vetor booleano que armazenará o conjunto sendo que
          //o índice corresponde ao elemento, e o valor é true se o elemento está
          // no conjunto, false caso contrário
};
void libera (Conjunto *A) {
   free (A->v);
   free(A);
```

```
/* Continuação... */
void uniao (Conjunto *A, Conjunto *B, Conjunto *C) {
   int i;// variável auxiliar para realização do loop
   for(i = 0; i<TAM;i++) {</pre>
     if (A->v[i]==1) || (B->v[i]==1) {
       C - > v[i] = 1;
void interseccao(Conjunto *A, Conjunto *B, Conjunto *C) {
   int i; // variável auxiliar para realização do loop
   for(i = 0; i<TAM;i++) {</pre>
     if (A->v[i]==1) && (B->v[i]==1) {
       C - > v[i] = 1;
```

Arquivo conjunto.c

```
/* Continuação... */
/* faz o conjunto vazio ser o valor para a variável conjunto A. Deve ser
  usado como primeira operação sobre um conjunto.*/
Conjunto* Cria Conj Vazio(int *erro) {
  int i; // variável auxiliar para realização do loop
   Conjunto* conj = (Conjunto*) malloc(sizeof(Conjunto));
   if (conj == NULL) {
                                  coni
        erro=1;
        exit(1);
   conj->v = (int*)malloc(TAM*sizeof(int));
  for(i=0;i<TAM;i++){
     conj->v[i]=0;
                                                       0 .... TAM-1
   erro = 0;
   return conj;
```

```
/* Continuação... */
int insere(elem x, Conjunto *A) {
   if (x>=TAM | | x<0 ) {
        return 0;
   A -> v[x] = 1;
   return 1;
int membro(elem x, Conjunto *A) {
   if (x>=TAM | | x<0 | | (A->v[x]==0)) {
     return 0;
   return 1;
```

```
/* Continuação... */
int remove(elem x, Conjunto *A) {
   if (x>=TAM \mid | x<0 \mid | (A->v[x]==0)) {
        return 0;
   A - > v[x] = 0;
   return 1;
void copia(Conjunto *A, Conjunto *B) {
   int i; // variável auxiliar para realização do loop
   for(i = 0; i<TAM;i++) {</pre>
    B->v[i]=A->v[i];
```

```
/* Continuação... */
elem min (Conjunto *A) {
   int i;
   for(i = 0; i<TAM;i++) {</pre>
     if (A->v[i]==1) {
        return i;
   return TAM; // condição de conjunto vazio
elem max (Conjunto *A) {
   int i;
   for(i = TAM - 1; i>-1;i--) {
     if (A->v[i]==1) {
        return i;
   return TAM; // condição de conjunto vazio
```

```
/* Continuação... */
void diferenca(Conjunto *A, Conjunto *B, Conjunto *C) {
   int i; // variável auxiliar para realização do loop
   for(i = 0; i<TAM; i++) {</pre>
     if (A->v[i]==1) && (B->v[i]==0) {
        C - > v[i] = 1;
int igual(Conjunto *A, Conjunto *B){
   int i;
   for(i = 0; i<TAM; i++) {</pre>
     if (A->v[i]!=B->v[i]) {
        return 0;
   return 1;
```

```
/* Continuação... */
int tamanho(Conjunto *A) {
   int i, tam; // variável auxiliar para realização do loop e para a
   // verificação do tamanho do conjunto
   tam = 0;
   for (i = 0; i<TAM; i++) {</pre>
     if (A->v[i]==1) {
       tam++;
   return tam;
int testa vazio(Conjunto *A);{
   int i:
   for(i = 0; i<TAM; i++) {</pre>
     if (A->v[i]==1) {
         return 0;
   return 1;
```

Exercício: TAD Números Complexos

- Escrever o TAD para números complexos (arquivos .h e .c).
- Sabe-se que um número complexo possui a forma: a
 + bi, onde a é a parte real e b é a parte imaginária,
 ambas representadas por valores reais
- Operações:
- Criação de um número complexo z a partir de dois reais, a e b.
- Adição: se z1 = a + bi e z2 = c + di, então z1 + z2 = a + c + (b + d)i
- Multiplicação : z1*z2 = (ac bd) + (ad + cb)i