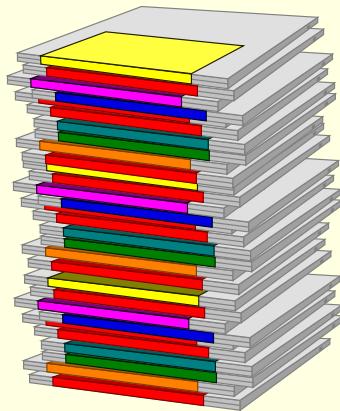


Pilha

SCC0502 – Algoritmos e Estruturas de
Dados I

Pilha

- O que é?
- Para que serve?



Problema: chamada de sub-rotinas

Rotina A

1 print "A"
2 call C
3 call B
4 call D
5 return

Rotina B

1 call C
2 print "B"
3 call D
4 call C
5 return

Rotina C

1 print "C"
2 call D
3 return

Rotina D

1 print "D"
2 return

Qual o resultado da execução da rotina A?

Problema: chamada de sub-rotinas

Rotina A

1 print "A"
2 call C
3 call B
4 call D
5 return

Rotina B

1 call C
2 print "B"
3 call D
4 call C
5 return

Rotina C

1 print "C"
2 call D
3 return

Rotina D

1 print "D"
2 return

Qual o resultado da execução da rotina A?

Qual a dificuldade para se fazer esse cálculo?

Problema: chamada de sub-rotinas

Rotina A

1 print "A"
2 call C
3 call B
4 call D
5 return

Rotina B

1 call C
2 print "B"
3 call D
4 call C
5 return

Rotina C

1 print "C"
2 call D
3 return

Rotina D

1 print "D"
2 return

Qual o resultado da execução da rotina A?

Qual a dificuldade para se fazer esse cálculo?

Possíveis soluções?

Problema: chamada de sub-rotinas

1. Um computador está executando a rotina X e, **durante a execução de X**, encontra uma chamada à rotina Y
2. **Para-se a execução de X e se inicia a execução de Y**
3. Quando se **termina a execução de Y**, o computador deve saber o que fazer, isto é, **onde voltar na rotina X**

Problema: chamada de sub-rotinas

■ Dificuldade

- O que estava sendo executado quando uma sub-rotina foi interrompida? Para onde voltar agora que se chegou ao fim de uma sub-rotina?

■ Solução

- A cada chamada de sub-rotina, armazenar o endereço de retorno (rotina e número da linha, por exemplo)
- Como armazenar o endereço de retorno de chamadas sucessivas: pilha

Pilha (*stack*)

■ Definição

- *Estrutura para armazenar um conjunto de elementos que funciona da seguinte forma*
 - Novos elementos sempre entram no “topo” da pilha
 - O único elemento que se pode retirar da pilha em um dado momento é o elemento do topo

■ Para que serve

- Para modelar situações em que é preciso “guardar para mais tarde” vários elementos e “lembrar” sempre do último elemento armazenado

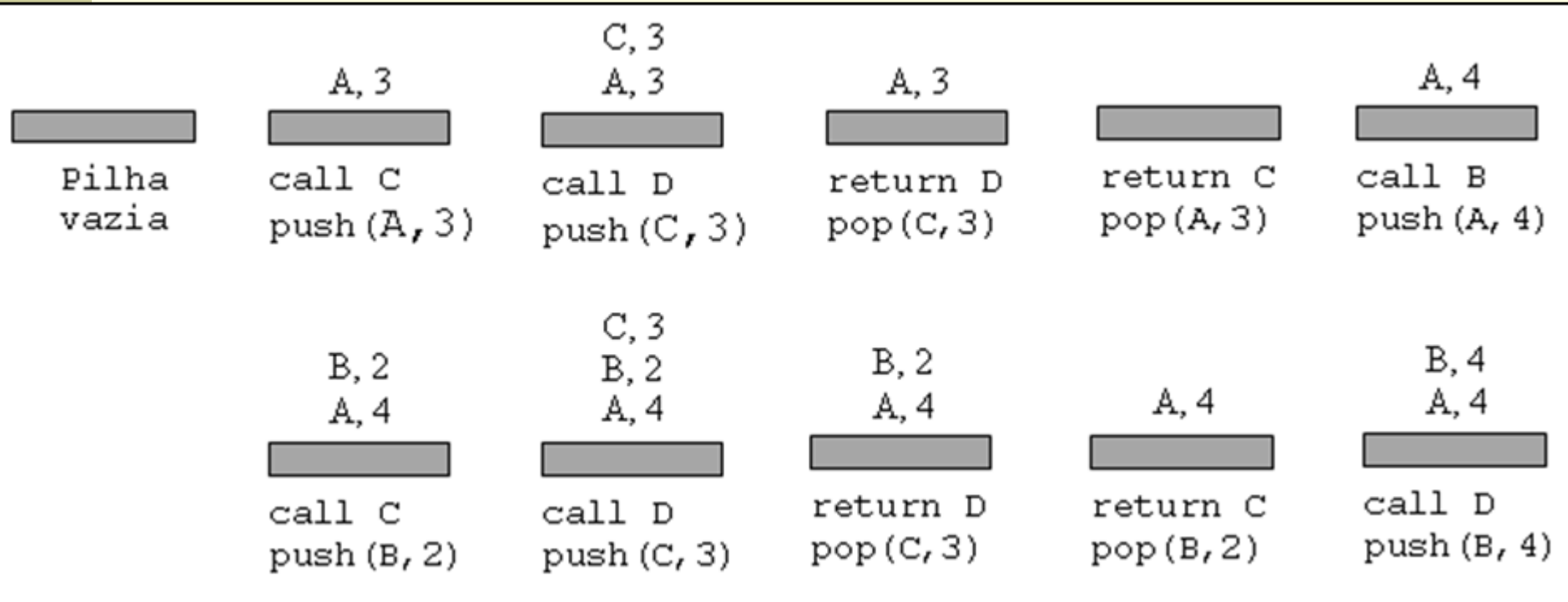
■ L.I.F.O.

- *Last In, First Out*

Problema: chamada de sub-rotinas

- A cada comando **call**
 - Empilha (*push*) o endereço para retornar depois
 - Passa a executar a nova sub-rotina

- A cada comando **return**
 - Desempilha (*pop*) o último endereço armazenado
 - Passa a executar a partir do endereço desempilhado



Rotina A

- 1 print "A"
- 2 call C
- 3 call B
- 4 call D
- 5 return

Rotina B

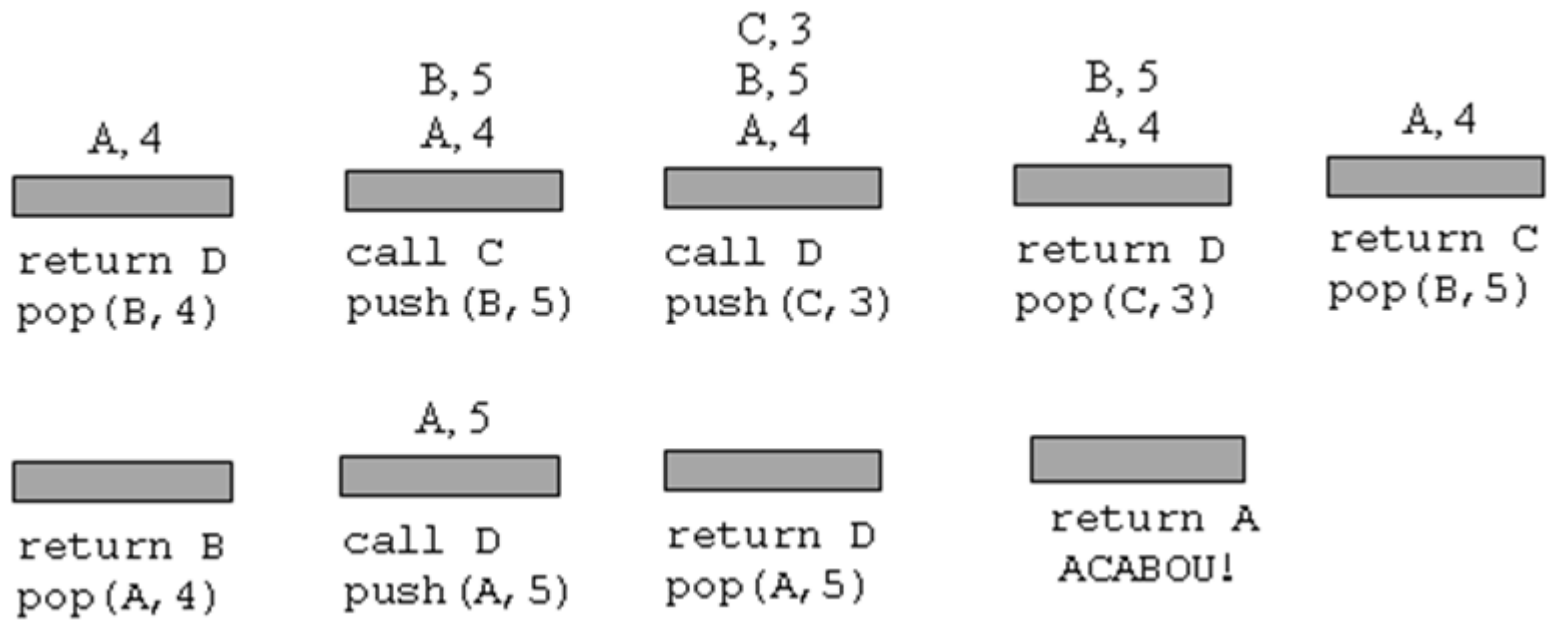
- 1 call C
- 2 print "B"
- 3 call D
- 4 call C
- 5 return

Rotina C

- 1 print "C"
- 2 call D
- 3 return

Rotina D

- 1 print "D"
- 2 return



Rotina A

1 print "A"
 2 call C
 3 call B
 4 call D
 5 return

Rotina B

1 call C
 2 print "B"
 3 call D
 4 call C
 5 return

Rotina C

1 print "C"
 2 call D
 3 return

Rotina D

1 print "D"
 2 return

Problema: chamada de sub-rotinas

- Resultado

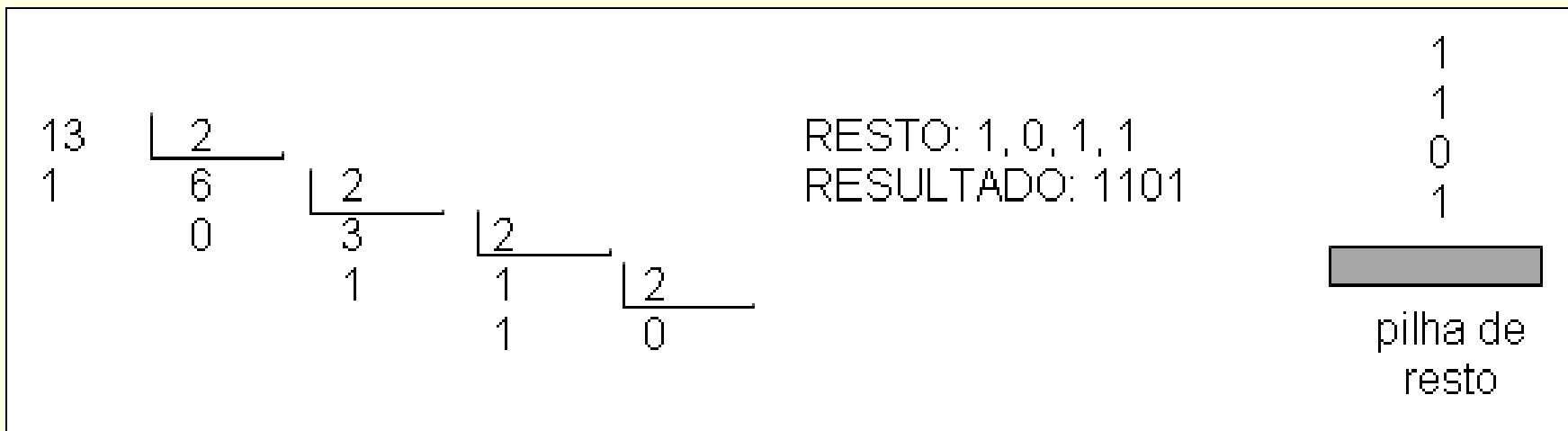
- A, C, D, C, D, B, D, C, D, D

Pilha

- Operações usuais
 - $\text{Push}(P, X)$: empilha o valor da variável X na pilha P
 - $\text{Pop}(P, X)$: desempilha P e retorna em X o valor do elemento que estava no topo de P
 - $X = \text{top}(P)$: acessa o valor do elemento do topo de P , sem desempilhar
 - $\text{Create}(P)$: cria uma pilha vazia P
 - $Y = \text{IsEmpty}(P)$: Y recebe *true* se a pilha estiver vazia; *false* caso contrário
 - $\text{Empty}(P)$: esvazia uma pilha P

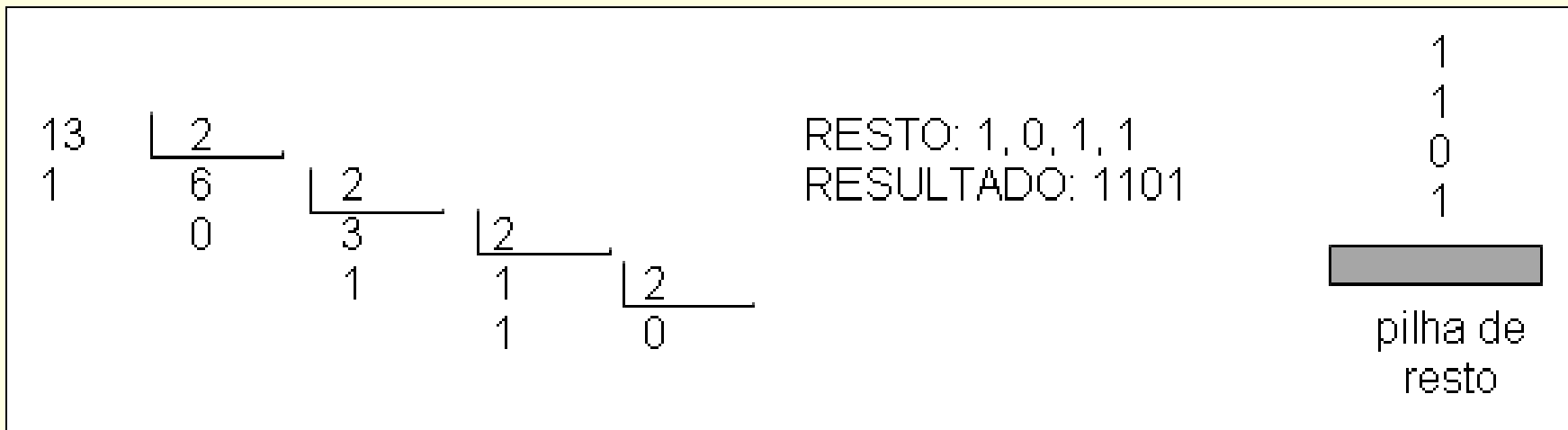
Exercício: outra aplicação

- Fazer algoritmo de conversão decimal para binário usando pilha



Exercício: outra aplicação

- Fazer algoritmo de conversão decimal para binário usando pilha



Estratégia de resolução:

- a cada divisão, empilha o resto
- quando acabar a divisão (quociente=0), desempilha e escreve todos os elementos

Considerar prontos: operações da pilha, resto(X,Y) e quociente(X,Y)

Exercício: outra aplicação

Variáveis

P: pilha

N: inteiro {número a ser convertido}

X: inteiro {resto da divisão}

Início do algoritmo

leia N

create(P)

repita

 X=resto(N,2)

 push(P,X)

 N=quociente(N,2)

até que (N=0)

escreva "o resultado é "

enquanto (IsEmpty(P)=falso) faça

 pop(P,X)

 escreva X

Fim

Implementação da pilha

■ Alocação sequencial

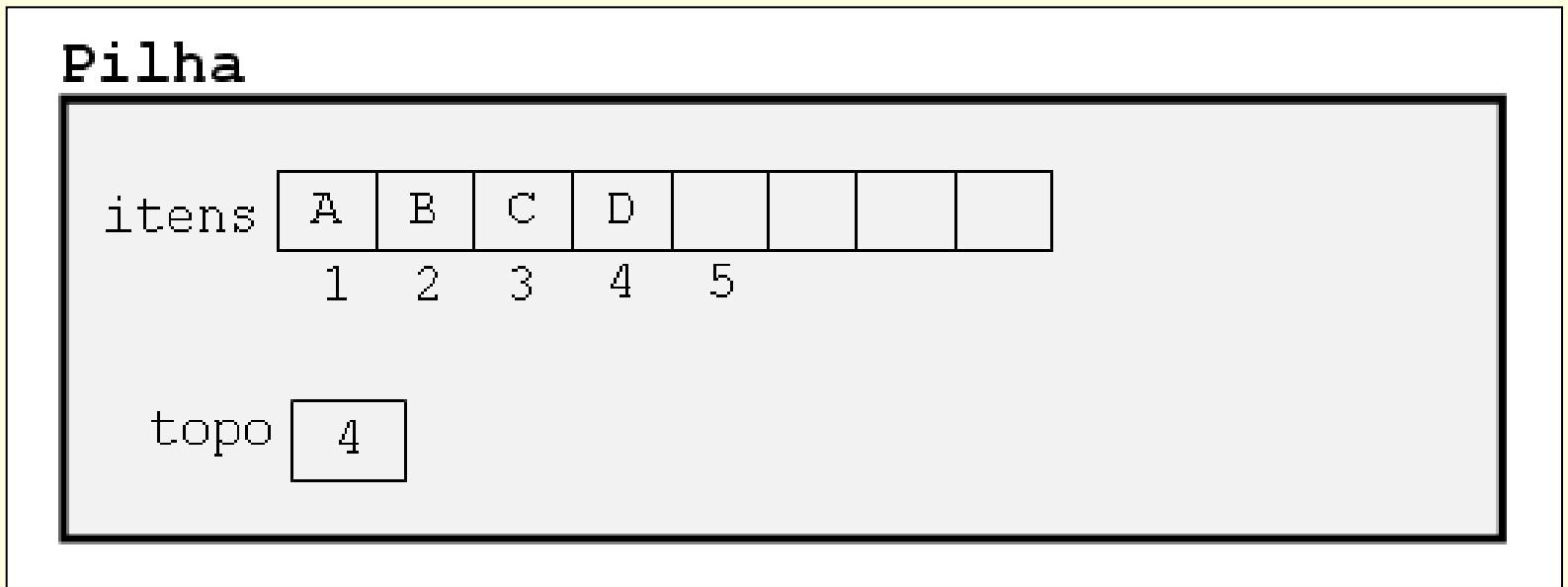
- Os elementos da pilha ficam, necessariamente, em sequência (um ao lado do outro) na memória

■ Alocação estática

- Todo o espaço de memória a ser utilizado pela pilha é reservado (alocado) em tempo de compilação
- Todo o espaço reservado permanece reservado durante todo o tempo de execução do programa, independentemente de estar sendo efetivamente usado ou não

Implementação da pilha

- Sequencial e estática



Implementação da pilha

- Declaração em C

?

Implementação da pilha

■ Declaração em C

```
#define TamPilha 100
```

```
typedef int elem;
```

```
typedef struct {  
    int topo;  
    elem itens[TamPilha];  
} Pilha;
```

```
Pilha P;
```

Exercício

- Implementar operações da pilha
 - Create
 - Empty
 - IsEmpty
 - IsFull
 - Push
 - Pop
 - Top

- Atenção: considerações sobre TAD
 - Arquivos .c e .h, parâmetros, mensagens de erro