
SCC0216 - Modelagem Computacional em Grafos

Ordenação Topológica e Componentes Fortemente Conectados

Prof. Alneu (alneu@icmc.usp.br) / Profa. Rosane (rminghim@icmc.usp.br)

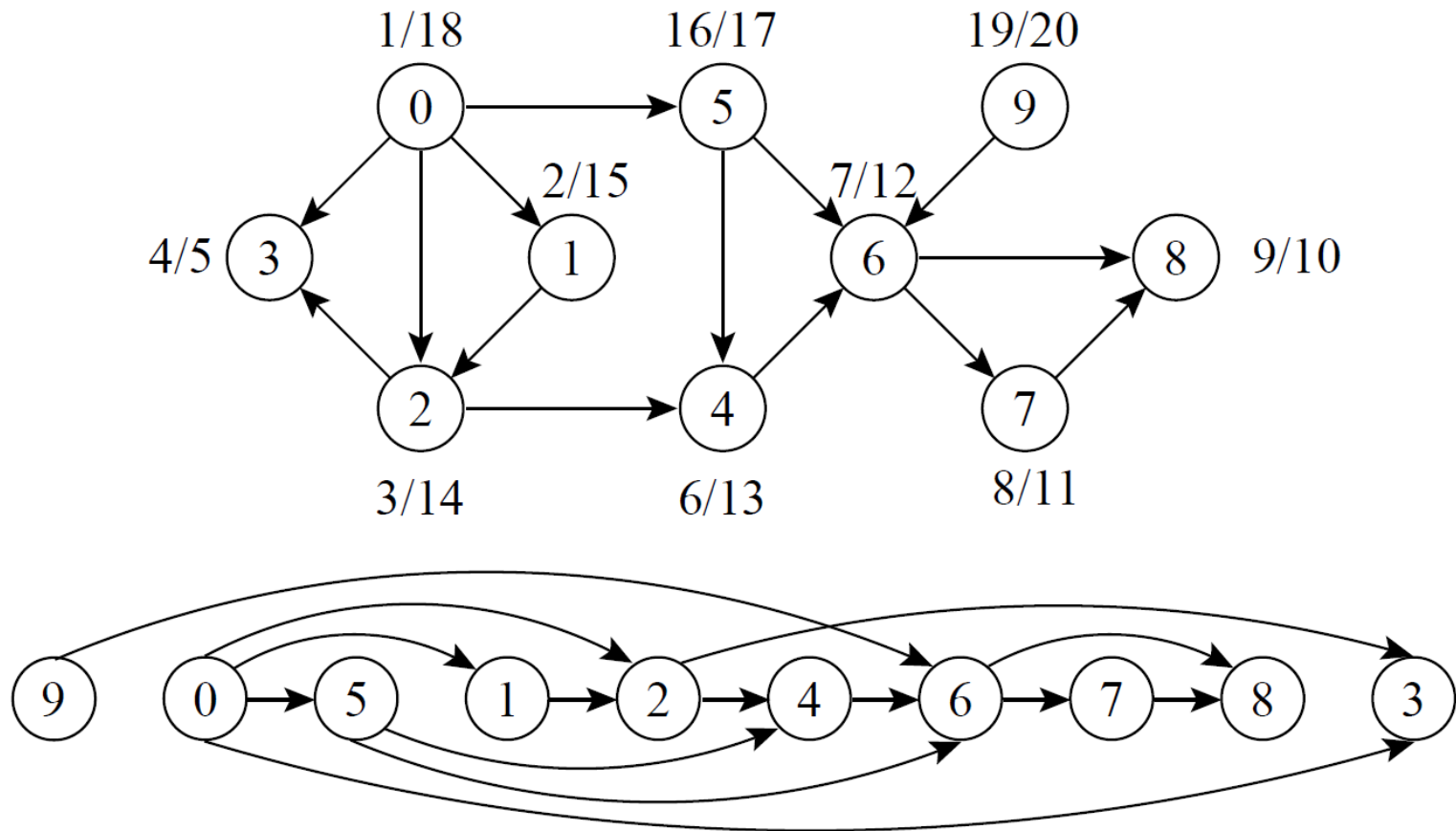
PAE: Alan (alan@icmc.usp.br) / Henry (henry@icmc.usp.br)

Baseado no material de aula original: Prof^a. Josiane M. Bueno

Ordenação Topológica

- Define-se Ordenação Topológica para Grafos orientados acíclicos.
- O objetivo da ordenação topológica é alinhar todos os vértices de um grafo em sequência, de forma que se a aresta (u, v) pertence a V , então u está antes de v na sequência

Ordenação Topológica – Exemplo (Ziviani 2004)



Ordenação Topológica (algoritmo)

1. Chame DFS para todos os vértices do grafo G (isto é, enquanto existirem vértices 'brancos').
2. A cada vértice que é terminado (isto é, que se torna 'preto'), insira-o na cabeça de uma lista encadeada.
3. Retorna a lista encadeada de vértices do grafo produzida no passo (2)

Ordenação Topológica (algoritmo)

- A implementação da ordenação topológica se dá adicionando um comando:

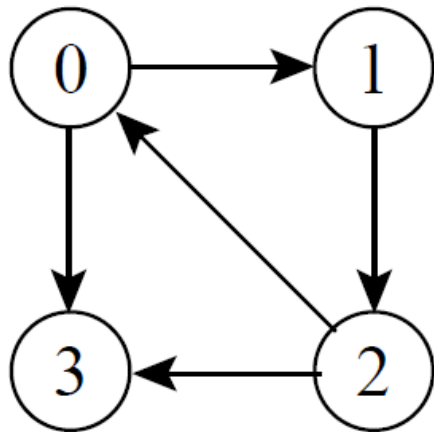
```
Inserer_primeiro(u, L:lista)
```

- Inserção na cabeça da lista L , na posição do algoritmo DFS logo após a determinação do tempo $t[u]$ e da finalização do nó, isto é, após o momento em que ele se torna 'preto'.
 - Obs: naturalmente `Inicializa(L)` precisa ser chamada no início do algoritmo que chama DFS para todos os vértices 'brancos'.

Componentes Fortemente Conectados

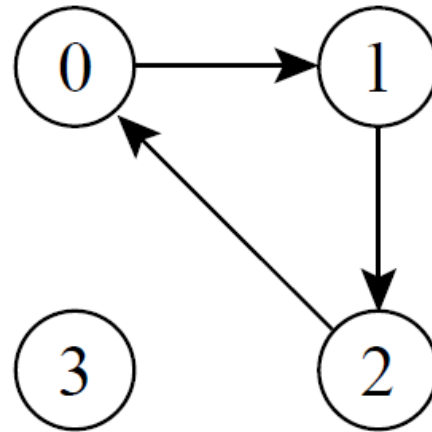
- Define-se *componentes fortemente conectados* para um grafo orientado.
- Um *Componente Fortemente Conectado* (ou *Fortemente Conexo*) C de um grafo G é um conjunto de vértices maximal de G de forma que para todos os vértices u e v em C , u é alcançável a partir de v e v é alcançável a partir de u .

Componentes Fortemente Conectados (Exemplo – Ziviani 2004)



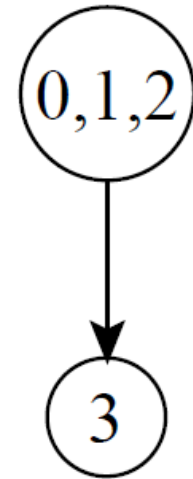
(a)

(a) Grafo original



(b)

(b) Componentes Conexas



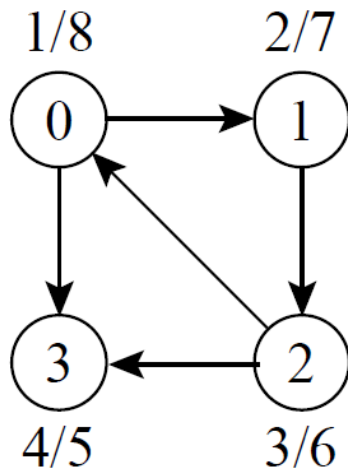
(c)

(c) Colapso dos
vértices das componentes

Componentes Fortemente Conectados (algoritmo)

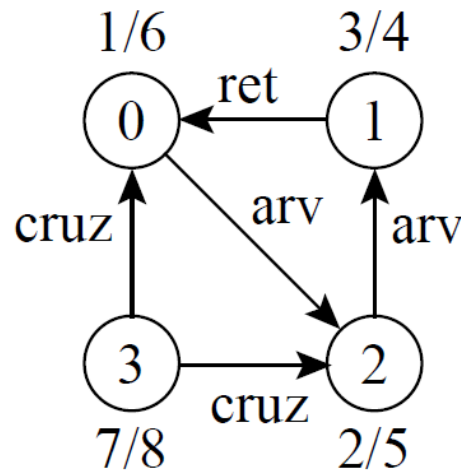
1. Chama $\text{DFS}(G)$ para obter os tempos de término $t[u]$ para todos os vértices de G , isto é, enquanto existirem vértices ‘brancos’ em G .
2. Obtém G^T .
3. Chama $\text{DFS}(G^T)$ em ordem decrescente de $t[u]$ obtido no passo (1), enquanto existirem vértices u ‘brancos’ em G^T .
4. Retorne todas as árvores obtidas no passo (3).

Componentes Fortemente Conectados (Exemplo – Ziviani 2004)



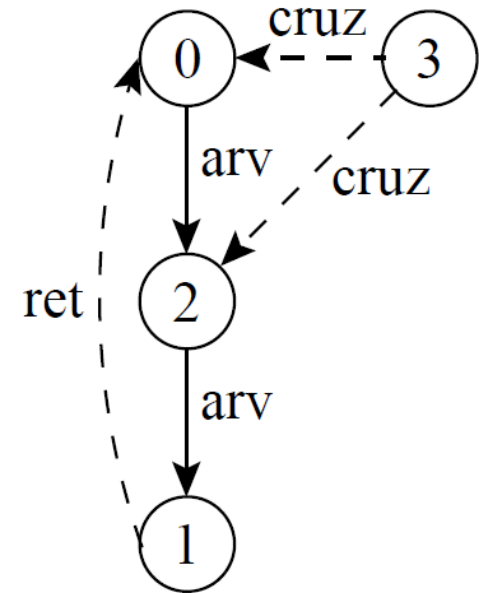
(a)

(a) Grafo original
com resultado da BFs



(b)

(b) Grafo transposto
com resultado da BFs



(c)

(c) árvores encontradas