

SMA 0333 Cálculo III - Lista 3

Bach. em Física

1. Determine a série que possui a seguinte sequência de somas parciais:

$$a) S_n = \frac{4n}{n+1} \quad b) S_n = \frac{2n}{3n+1} \quad c) S_n = \frac{n^2}{n+1} \quad d) S_n = 2^n$$

2. Estude a convergência das séries

$$a) \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2^n} \quad b) \sum_{n=0}^{\infty} 1 \quad c) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n(n+1)} \quad d) \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{1+3^n} \quad e) \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n \frac{2n}{4n-3}$$

$$f) \sum_{n=0}^{\infty} \frac{2}{3+\sqrt{n}} \quad g) \sum_{n=0}^{\infty} \frac{n^2}{n^3+1} \quad h) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n(n+1)(n+2)} \quad i) \sum_{n=0}^{\infty} e^{-n}$$

$$j) \sum_{n=0}^{\infty} 1 + (-1)^n \quad k) \sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{(4n+1)(4n+5)} \quad l) \sum_{n=0}^{\infty} na^n, \quad 0 < a < 1$$

$$m) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n(n+1)(n+2)\dots(n+p)}, \quad p \geq 1, p \text{ é natural.}$$

3. Mostre que as desigualdades abaixo estão satisfeitas a partir de algum natural N_0 , isto é, mostre que existe um natural N_0 , tal que, para todo $n \geq N_0$ as desigualdades abaixo estão satisfeitas:

$$a) \ln(n) \leq n \quad b) \ln(n) \leq \sqrt{n} \quad c) n^2 \leq 2^n \quad d) \sqrt{n} \leq n$$

4. Escreva as seguintes frações decimais

$$i) 0,412412412\dots \quad ii) 0,021343434\dots$$

como séries numéricas e as descrevas como o quociente de dois inteiro

5. Justifique as igualdades

$$a) \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n+1}{n^2(n+1)^2} = 1 \quad b) \sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n^2-1} = \frac{3}{4}$$