

1. Considere os subespaços $U = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3; x + y - z = 0\}$ e $W = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3; x = y\}$. Determine os subespaços:
 - (a) $U \cap W$
 - (b) $U + W$. É soma direta?
2. Dado o subespaço $U = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3; x + 2y + z = 0\}$, encontre um subespaço W tal que $\mathbb{R}^3 = U \oplus W$.
3. Considere $U = \{p \in P_2(\mathbb{R}); p'(t) = 0 \text{ para todo } t \in \mathbb{R}\}$ e $W = \{p \in P_2(\mathbb{R}); p(1) = p(0) = 0\}$ subespaços de $P_2(\mathbb{R})$. Determine os subespaços:
 - (a) $U \cap W$
 - (b) $U + W$. É soma direta?
4. Considere os subespaços de $M_{2 \times 2}(\mathbb{R})$:

$$U = \left\{ \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \text{ tais que } a = d \text{ e } b = c \right\}$$

e

$$W = \left\{ \begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \text{ tais que } a = c \text{ e } b = d \right\}$$

Determine os subespaços:

- (a) $U \cap W$
- (b) $U + W$. É soma direta?